# УДК 621.593:681.5 А.В. Королёв, д-р техн. наук, П.П. Червоненко

### ИССЛЕДОВАНИЕ СИСТЕМНОЙ НЕУСТОЙЧИВОСТИ РЕГУЛИРОВАНИЯ УРОВНЯ МЕТОДАМИ ДИНАМИЧЕСКИХ АНАЛОГИЙ

Аннотация. Представлено моделирование технологического трубопровода методом электрических аналогий. Проведен численный эксперимент. Результаты расчета качественно совпадают с поведением двухфазного потока в реальных трубопроводных системах.

*Ключевые слова:* электрические аналогии, двухфазный поток, неустойчивость, трубопроводные системы. **A.V. Korolyov,** DSc,

#### P.P. Chervonenko

#### RESEARCH OF SYSTEM INSTABILITY OF ADJUSTING OF LEVEL METHODS OF DYNAMIC ANALOGIES

Abstract. The design of technological pipeline by the method of electric analogies is presented. A numeral experiment is conducted. The results of calculation high-quality coincide with the conduct of two-phase flow in the real pipeline systems

*Keywords: electric analogies, two-phase flow, instability, pipeline systems.* **А.В. Королёв,** д-р техн. наук,

### П.П. Червоненко

# ДОСЛІДЖЕННЯ СИСТЕМНОЇ НЕСТІЙКОСТІ РЕГУЛЮВАННЯ РІВНЯ МЕТОДАМИ ДИНАМІЧНИХ АНАЛОГІЙ

Анотація. Представлено моделювання технологічного трубопроводу методом електричних аналогій. Проведено чисельний експеримент. Результати розрахунку якісно збігаються з поведінкою двофазного потоку в реальних трубопровідних системах.

Ключові слова: електричні аналогії, двофазний потік, нестійкість, трубопровідні системи.

Введение. Одна из проблем эксплуатации технологических систем, оборудованных регуляторами уровня (рис 1), является появление системной неустойчивости, приводящей к значительному уменьшению ресурса арматуры и трубопроводов. Устранение этих режимов требует глубокого понимания происходящих в них процессов. Эксплуатация подобных систем с двухфазными средами сопровождается сложными теплогидравлическими процессами и представляет существенную сложность при их аналитическом описании. Например, в работе [3] математические модели двухфазных сред представлены дифференциальными уравнениями, не имеющими аналитических решений. Поэтому в 1980-х годах – для решения задач, в том числе атомной энергетики, появились работы с упрощенными моделями двухфазных потоков, например [5]. В работе [1] было доказана возможность перехода с пароводяных потоков на воздушно-водяные при выполнении экспериментальных исследований, позволившее их существенно упростить.

© Червоненко П.П., Королёв А.В., 2012

Это оказалось возможным благодаря открытию свойству двухфазных сред взаимодействовать не на уровне молекул (как в воде или газе), а на уровне дискретных газожидкостных структур, составляющих этот поток [2]. При этом модели двухфазных потоков, с определенными допущениями, успешно заменялись механическими моделями. Подобная замена позволила, в частности, объяснить специфику движения двухфазного потока в снарядно-пробковом режиме, а также причины понижения скорости звука в таких системах до крайне низких значений (14–20 м/с) [2].





Моделирование системной неустойчивости регулирования уровня в сосудах ВРУ с кипящей жидкостью выполнялось методами (2)

динамических аналогий [4] в среде Matlab (Simulink). При этом в качестве элементарных звеньев выбирались RLC – цепочки [6]. Входными данными для расчета отдельных элементов RLC являлись: длина трубопровода, диаметр, давление, плотность.

Расчет элементов вёлся по формулам:

а) аналогия электрического сопротивления (1) и акустического сопротивления (2)

$$r_E = \frac{e}{i} \quad , \tag{1}$$

где e – напряжение (В), i – сила тока (А)  $r_A = \frac{P}{U}$ ,

где P – давление (Па), U – расход среды ( $i^{3}/\tilde{n}$ );

б) аналогия электрической индуктивности (3) и акустической инертности (4):

$$e = L\frac{di}{dt},\tag{3}$$

где e – электродвижущая сила (В), di/dt – изменение тока (А/с)

$$p = M \frac{dU}{dt},\tag{4}$$

где M – инертность ( $\hat{e}\tilde{a}/\hat{i}^{4}$ ), dU/dt – изменение тока в среде ( $\hat{i}^{3}/\tilde{n}^{2}$ ), p – давление (Па);

в) аналогия электрической емкости (5) и акустической емкости (6):

$$e = \frac{1}{C_E} \int i dt = \frac{q}{C_E}, \qquad (5)$$

где q – заряд єлектрической емкости (кулон), e – электродвижущая сила (вольт)

$$C_A = \frac{V}{\rho c^2},\tag{6}$$

где c – скорость ( $i/\tilde{n}$ ),  $\rho$  – плотность ( $\hat{e}\tilde{a}/\hat{i}^{3}$ ), V – объем ( $i^{3}$ ).

Соответствие динамических аналогий при переходе от гидравлической схемы описания к электрической представлено в табл. 1.

Ниже представлены результаты численного моделирования электрической аналогии трубопроводов на рис 2. Получаемые на электрической модели колебания напряжений сравнивались с результатами, ранее полученными при моделировании двухфазного потока на стенде. Такое сравнение позволило качественно оценить адекватность использования электрических аналогий для моделирования двухфазных течений.

1. Динамические аналогии

Схема	Структура процесса
Гидравлическая	λ °°° С С С С С С С С С С С С С С С С С С
Механическая	Cm1 Cm2 Cm3 Cm4 
Электрическая	$e_{1}^{R_{1}} \xrightarrow{L_{1}}_{C_{1}} \xrightarrow{R_{2}}_{C_{2}} \xrightarrow{L_{2}}_{C_{2}} \xrightarrow{L_{3}}_{C_{3}} \xrightarrow{L_{4}}_{C_{4}} \xrightarrow{L_{4}}_{C_{4}}$

Королёв А.В. Опубликовано в журнале Электротехнические и компьютерные системы № 05(81), 2012 159 – 163 Автоматизация процессов управления



Рис. 2. Электрическая аналогия трубопровода с двухфазным потоком

Для моделирования технологического трубопровода RLC звенья выстраивались в цепочку (рис. 2.). В начале электрической схемы, реализующей аналогию трубопровода (рис. 2), включался резистор, имитирующий акустическую развязку трубопровода (ёмкость). В конце модели трубопровода поставлен регулятор в виде источника тока с задаваемой таблицей значений положения регулятора. График, построенный по таблице значений на рис. 3. Такой вид графика связан с запаздыванием прохождения технологического сигнала по давлению (обратная связь) по отношению к сигналу управления и отображает реальное поведение регулирующего органа (клапана) при возникновении неустойчивости.

Для лучшего приближения модели к реальному оборудованию был проведен расчёт элементов RLC, составляющих элементарный осциллятор. Сигнал обратной связи задавался напряжением, снимаемым с резистора в начале цепи и подаваемом на источник тока, имитирующий степень открытия клапана.

Проведенные расчёты показали, что поведение двухфазного потока в снаряднопробковом режиме течения подобно характеру колебаний напряжения на электрической модели (рис. 4). Напряжение на всех участках цепи пульсирует, уменьшаясь по амплитуде от выхода на вход. Подобное затухание колебаний давлений наблюдалось и в реальных трубопроводах, и было связано с сильной диссипацией звуковой энергии в двухфазной среде (рис. 4,а). При наблюдении в электрической цепи модели эти структуры представляли нелинейные колебания напряжения (рис. 4,б).

На рис. 5, а показано затухание колебаний давления, распространяющего с выхода трубопровода на его вход [2], на рис 5,6 – затухание колебаний напряжений в электрической модели трубопровода (рис. 2). Затухания в обоих случаях описываются показательными функциями, отличающимися декрементом затухания и степенью успокоения.



Рис. 3. Моделирование работы регулирующего органа в режиме неустойчивого слежения за уровнем



Рис. 4. Осциллограмма колебаний давления в трубопроводе с двухфазным потоком (а) и пульсация напряжения на его электрической аналогии (б)



Рис. 5. Зависимость степени затухания колебаний давления от относительной частоты колебательного процесса в двухфазном потоке (а) и в его электрической аналогии (б)

Сравнение двух аналогий (электрической и гидравлической) выполнялось так же через сравнения коэффициентов затухания используемых при моделировании схемы (рис. 2). Для двухфазного потока  $d = -0.33, \delta_{P} = -0.33,$ a для модели  $d = -1,16, \delta_{U} = -0,808$ . Различия в полученных значениях могут быть обусловлены тем, что в реальных системах при прохождении двухфазного потока со случайной структурой (размеры элементарных осцилляторов различны) с выхода на вход трубопровода идут колебания более широкого спектра в отличии от электрических колебаний в модели.

#### Выводы

1. При разных степенях открытия регулируемой арматуры (рис. 3) в модели реализуется неустойчивость, проявляющаяся в виде нелинейных колебаний давления. Это приводит к частой отработке регулирующего клапана и быстрой потере его ресурса.

2. Сравнительный анализ характеристик двухфазного потока, таких, например, как степень затухания сигнала, с подобными характеристиками модели, показал её высокую адекватность для моделирования реальных гидравлических систем.

3. Появление колебаний давления возможно и в линейных системах при наличии значительного запаздывания технологического сигнала.

Список использованной литературы

1. Королев А.В. Вибрации дренажных трубопроводов АЭС и пути их снижения. – Ареф. Соис. канд. техн. наук: Ядерн. энерг. установки. – Ленинград: НПО ЦКТИ. –1989. – 245 с.

2. Королев А.В. Анализ и моделирование теплоэнергетического оборудования, работающего с двухфазными течениями / А.В. Королев, М.В. Максимов. – Одесса: Астропринт, 2010. – 456 с.

3. Нигматулин Р.И. Динамика многофазных сред / Р.И. Нигматулин. – М.: Наука, 1987. – Ч.1. – 464 с.

4. Ольсон Г. Динамически аналогии / Г. Ольсон. – М.: Изд-во. И·Л. – 1947. – С.102–104.

Королёв А.В. Опубликовано в журнале Электротехнические и компьютерные системы № 05(81), 2012 159 – 163 Автоматизация процессов управления

5. Фисенко В.В. Критические двухфазные потоки / В.В. Фисенко – М.: Атомиздат, 1978. – 160 с.

6. Koenig H.E., Blackwell W.A. Electromechanical System Theory. – NewYork: McGraw-Hill. – 1961. – P.26–38.

Получено 10.02.2012

# References

1. Korolyov A.V. to Vibration of drainage pipelines and way of their decline AES. – Leningrad: NPO OF CKTI, 1989. – 245 p. [Russian].

2. Korolyov A.V., Maksimov M.V. Analysis and design of teploenergeticheskogo equipment, working with diphasic flows. – Odessa: Astroprint, 2010. – 456 p. [Ukrainian].

3. Nigmatulin R.I. Dynamics of mnogofaznykh environments of. – Moscow: Science, 1987. – Ch.1. – 464 p. [Russian].

4. Olson G. Dinamicheski analogies – Moscow: Izd-vo. I. L. – 1947. P.102–104 [Russian].

5. Fisenko V.V. The Critical diphasic streams. – Moscow: Atomizdat, 1978. – 160 p. [Russian].

6. Koenig H.E., Blackwell W.A. Electromechanical System Theory. – NewYork: McGraw-Hill. – 1961. – P. 26–38 [in English].



Червоненко Петр Петрович, ст.преп. каф. информационных систем Одесского нац. политехн. ун-та, e-mail: ppche vonenko@ukr.net, тел. 0663346815

Королёв Александр Викторович, д-р техн. наук, проф. каф. АЭС Одесского нац. политехн. ун-та, e-mail: korol118@ukr.net, тел. 0672840079