

Міністерство освіти і науки України
Державний університет «Одеська політехніка»
Кафедра екологічної безпеки та гідравліки

**МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ
ДО ВИКОНАННЯ
ЛАБОРАТОРНИХ РОБОТ З ДИСЦИПЛІНИ
«МЕХАНІКА РІДИН І ГАЗІВ»**

Перший (бакалаврський) рівень вищої освіти
Спеціальність – 133 ГАЛУЗЕВЕ МАШИНОБУДУВАННЯ
Освітня програма – Підйомно-транспортні, будівельні, дорожні машини і обладнання
Освітня програма – Автоспортивний інжиніринг
Освітня програма – Комп’ютерне проектування та діагностика колісних транспортних засобів

Міністерство освіти і науки України
Державний університет «Одеська політехніка»
Кафедра екологічної безпеки та гідравліки

**МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ
ДО ВИКОНАННЯ
ЛАБОРАТОРНИХ РОБОТ З ДИСЦИПЛІНИ
«МЕХАНІКА РІДИН І ГАЗІВ»**

Перший (бакалаврський) рівень вищої освіти
Спеціальність – 133 ГАЛУЗЕВЕ МАШИНОБУДУВАННЯ
Освітня програма – Підйомно-транспортні, будівельні, дорожні машини і обладнання
Освітня програма – Автоспортивний інжиніринг
Освітня програма – Комп’ютерне проектування та діагностика колісних транспортних засобів

Затверджено
на засіданні кафедри прикладної
екології та гідрогазодінаміки
Протокол № 3 від 26.10.2021

Методичні вказівки до виконання лабораторних робіт з дисципліни "Механіка рідин і газів" для здобувачів вищої освіти за спеціальністю 133 Галузеве машинобудування / Укл. С.В.Сурков. – Одеса: Національний університет «Одеська політехніка», 2022. – 50 с.

Укладач: Сурков С.В., доцент

Зміст

| | | |
|-------|---|----|
| 1 | Теоретичний вступ..... | 5 |
| 1.1 | Фізичні властивості рідини | 5 |
| 1.1.1 | Густина рідини | 5 |
| 1.1.2 | В'язкість | 5 |
| 1.1.3 | Стисливість..... | 6 |
| 1.2 | Гідростатика | 7 |
| 1.2.1 | Абсолютний та надлишковий тиск | 7 |
| 1.3 | Кінематика рідини | 8 |
| 1.3.1 | Витрата рідини | 8 |
| 1.3.2 | Лінії течії та траєкторії рідких частинок | 8 |
| 1.3.3 | Елементарна струминка | 8 |
| 1.4 | Динаміка ідеальної рідини | 8 |
| 1.4.1 | Рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини | 8 |
| 1.4.2 | Вказівки до розв'язання задач..... | 10 |
| 1.5 | Динаміка в'язкої рідини..... | 11 |
| 1.5.1 | Рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини..... | 11 |
| 1.6 | Основи теорії подібності та моделювання | 12 |
| 1.6.1 | Числа подібності | 12 |
| 1.6.2 | Визначальні та невизначальні числа подібності..... | 13 |
| 1.7 | Рух рідини у трубопроводах | 13 |
| 1.7.1 | Середня (середньовитратна) швидкість..... | 13 |
| 1.7.2 | Рівняння нерозривності (суцільності) у гідравлічній формі..... | 14 |
| 1.7.3 | Втрати напору у трубах | 14 |
| 1.7.4 | Досліди Рейнольдса. Ламінарний та турбулентний режими течії | 15 |
| 1.7.5 | Досліди Нікурадзе. Графік Нікурадзе | 16 |
| 1.7.6 | Основні області гідравлічного тертя..... | 17 |

| | | |
|-------|--|----|
| 1.8 | Витікання рідини через отвори та насадки..... | 18 |
| 1.9 | Газова динаміка..... | 19 |
| 1.9.1 | Рівняння газового стану | 20 |
| 1.9.2 | Адіабатне витікання газу через сопло що сходиться | 20 |
| 1.10 | Приклади запитань до самоконтролю..... | 23 |
| 2 | Лабораторна робота № 1 Експериментальне визначення гідравлічного коефіцієнта тертя (коефіцієнта Дарсі)..... | 25 |
| 2.1 | Допоміжна задача | 25 |
| 2.2 | Вказівки щодо виконання лабораторної роботи..... | 26 |
| 2.3 | Оформлення роботи..... | 28 |
| 2.4 | Приклад виконання лабораторної роботи № 1..... | 29 |
| 3 | Лабораторна робота № 2 Експериментальне визначення коефіцієнтів (місцевих) втрат .. | 32 |
| 3.1 | Допоміжна задача № 1..... | 32 |
| 3.2 | Допоміжна задача № 2..... | 33 |
| 3.3 | Вказівки щодо виконання лабораторної роботи..... | 35 |
| 3.4 | Приклад виконання лабораторної роботи № 2..... | 37 |
| 4 | Лабораторна робота № 3 Дослідження витікання через отвори та насадки | 41 |
| 4.1 | Допоміжна задача | 41 |
| 4.2 | Вказівки щодо виконання лабораторної роботи..... | 42 |
| 4.3 | Приклад виконання лабораторної роботи № 3..... | 44 |
| 5 | Лабораторна робота № 4 Дослідження витікання повітря через сопло що звужується при великому перепаді тиску. | 47 |
| 5.1 | Порядок проведення дослідів | 47 |
| 5.2 | Обробка результатів дослідів..... | 48 |
| 6 | Література..... | 50 |

1 Теоретичний вступ

Навчальна дисципліна «Механіка рідин і газів» є важливим елементом фахової підготовки бакалаврів-механіків. Знання законів руху і спокою рідин і газів необхідне для розуміння технологій, що використовуються у машинобудівній галузі.

Метою лабораторних робіт є застосування теоретичних знань з дисципліни для вирішення практичних питань розрахунку та проектування гідравлічних систем.

У теоретичному введенні висвітлені основні розділи механіки рідин і газів, які стосуються лабораторних робіт – рух рідини у трубопроводах, витікання газу при помірних та великих перепадах тиску.

1.1 Фізичні властивості рідини

З безлічі фізичних властивостей рідини ми розглянемо лише ті, що беруть участь у гідравлічних розрахунках.

1.1.1 Густина рідини

Середня густина – це відношення маси рідини до об'єму, який вона займає (кг/м³):

$$\rho_{cp} = \frac{m}{V}$$

Якщо густина рідини змінюється від точки до точки, необхідно ввести щільність у точці рідини як ліміт відношення:

$$\rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta m}{\Delta V}$$

Крім густини використовуються такі величини:

$$v = \frac{1}{\rho} \text{ – питомий об'єм, м}^3/\text{кг}$$

$$\gamma = \rho g \text{ – питома вага, Н/м}^3.$$

Типові значення густини, які застосовуються в наближених розрахунках:

$$\text{Вода при } 4^\circ\text{C: } \rho = 1000 \text{ кг/м}^3.$$

$$\text{Ртуть: } \rho = 13600 \text{ кг/м}^3.$$

$$\text{Бензин: } \rho = 750 \text{ кг/м}^3.$$

$$\text{Повітря при } 20^\circ\text{C: } \rho = 1,2 \text{ кг/м}^3.$$

$$\text{Повітря при } 0^\circ\text{C: } \rho = 1,3 \text{ кг/м}^3.$$

1.1.2 В'язкість

В'язкість – це властивість рідини чинити опір щодо відносного зсуву її шарів.

Розглянемо тонкий шар рідини (товщина Δy) між двома паралельними пластинами (рис. 1.1). Верхня пластина рухається вздовж осі x зі швидкістю Δu . Площі поверхні пластини A .

Формулу для визначення сили в'язкого тертя запропонував І.Ньютон:

$$F_{тр} = \mu A \frac{\Delta u}{\Delta y}$$

Якщо швидкості рідини розподіляються не за лінійним законом, переходимо до ліміту:

$$F_{тр} = \mu A \lim_{\Delta y \rightarrow 0} \frac{\Delta u}{\Delta y}$$

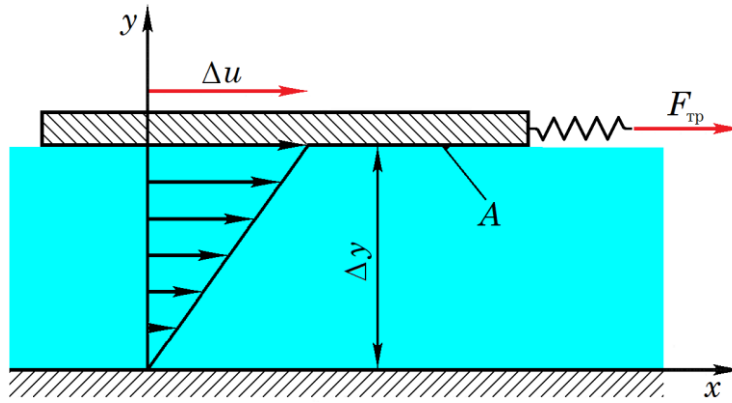


Рис. 1.1

$F_{\text{тр}} = \mu A \frac{du}{dy}$ – формула Ньютона-Петрова для сили тертя.

Розділимо ліву та праву частину рівняння на площу пластини A :

$\tau = \mu \frac{du}{dy}$ – формула Ньютона-Петрова для дотичних напружень.

μ – динамічна в'язкість рідини, Па·с;

$\frac{du}{dy}$ – поперечний градієнт швидкості, с^{-1} .

Введемо ще одну величину:

$\nu = \frac{\mu}{\rho}$ – кінематична в'язкість рідини, $\text{м}^2/\text{с}$.

Кінематична в'язкість відіграє важливу роль у гідравлічних розрахунках. Зокрема, вона використовується для обчислення числа Рейнольдса:

$$Re = \frac{vd}{\nu}$$

Число Рейнольдса – це безрозмірне число, фізичний сенс якого – відношення сил інерції до сил в'язкого тертя.

Фізична природа сил в'язкості різна у краплинних рідинах та газах. У краплинних рідинах в'язкість обумовлена силами міжмолекулярного зчеплення, а в газах – перенесенням імпульсу при переході молекул з одного шару в інший. Тому з підвищенням температури в'язкість краплинних рідин зменшується, а в'язкість газів – збільшується.

1.1.3 Стисливість

Стисливість – це властивість рідини змінювати об'єм при зміні тиску.

$$\frac{dv}{v} = -\frac{dp}{E} \text{ – закон Гука для краплинних рідин.}$$

Тут E – модуль об'ємної пружності рідини, Па.

Для води $E = 2 \cdot 10^9$ Па. Таким чином, вода так само протидіє стисненню, як газ під тиском $2 \cdot 10^9$ Па.

У більшості технічних задач воду та інші краплинні рідини можна вважати нестисливими.

1.2 Гідростатика

Гідростатика вивчає рідини та гази у стані спокою та їх взаємодію з твердими стінками.

Тиск у вибраній точці нерухомої рідини (рис. 1.2) можна розрахувати за основним рівнянням гідростатики:

$$p = p_0 + \rho gh \quad (1.1)$$

де p – тиск у вибраній точці рідини, Па;

p_0 – тиск на поверхні рідини, Па;

ρ – густина рідини, кг/м³;

g – прискорення вільного падіння, м/с²;

h – глибина вибраної точки, м.

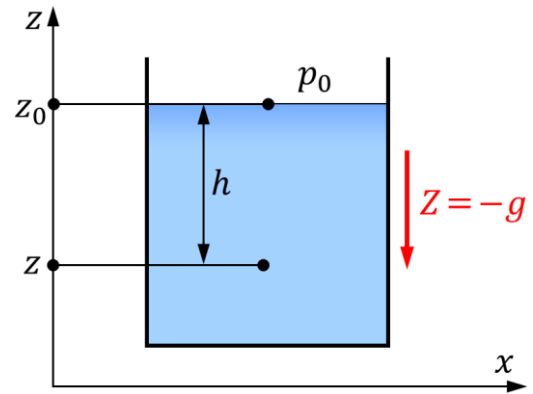


Рис. 1.2

1.2.1 Абсолютний та надлишковий тиск

У шкалі абсолютних тисків за нуль приймається повний вакуум. Ця шкала зображена ліворуч на рис. 1.3.

Повний вакуум – це гіпотетичне середовище, в якому відсутні молекули, атоми та будь-які матеріальні частинки.

У шкалі абсолютних тисків стандартний атмосферний тиск дорівнює 101 325 Па. Реальний атмосферний тиск $p_{\text{бар}}$ завжди відрізняється від стандартного, його вимірюють барометром.

У шкалі надлишкових тисків за нуль приймається атмосферний тиск. Цю шкалу показано праворуч на рис.1. Повному вакууму в шкалі надлишкових тисків відповідає негативний тиск, що дорівнює -101325 Па.

Позитивний надлишковий тиск p_m вимірюється манометром.

Негативний надлишковий тиск називається розрідження або вакуум. Вимірюється вакуумметром та позначається $p_{\text{вак}}$.

Абсолютний тиск можна виразити через показання приладів за допомогою наступних формул:

$$p_{\text{абс}} = p_{\text{бар}} + p_m, \text{ якщо тиск у досліджуваній точці вищий за атмосферний;}$$

$$p_{\text{абс}} = p_{\text{бар}} - p_{\text{вак}}, \text{ якщо тиск у досліджуваній точці нижче атмосферного.}$$

В багатьох технічних і побутових завданнях зручно користуватися шкалою надлишкових тисків, оскільки для цього не потрібно знати показання барометра. Але, наприклад, у всіх законах газової динаміки фігурує абсолютний тиск. У таблицях термодинамічних властивостей води та водяної пари, які життєво важливі для енергетиків, також використовуються абсолютні тиски.

Перш ніж вирішувати будь-яку задачу, пов'язану з тиском, потрібно вибрати єдину шкалу тисків для всіх точок.

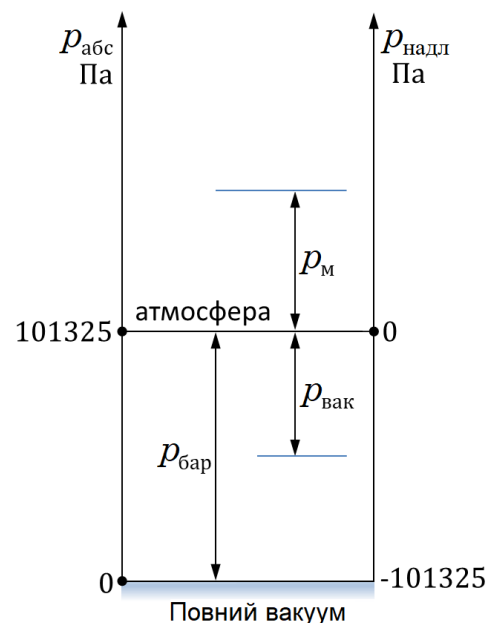


Рис. 1.3

1.3 Кінематика рідини

1.3.1 Витрата рідини

Витрата – це кількість рідини, яка проходить через вибраний перетин потоку за одиницю часу. Як «кількість» може розглядатися об'єм рідини що протікає V , або її маса m .

Розрізняють об'ємну та масову витрату.

$$\text{Об'ємна витрата } Q = \frac{V}{t} \text{ [м}^3\text{/с];}$$

$$\text{Масова витрата } Q = \frac{m}{t} \text{ [кг/с].}$$

$$\text{Зв'язок між ними: } Q_m = \rho Q.$$

1.3.2 Лінії течії та траєкторії рідких частинок

Лінією течії називається лінія, у кожній точці якої на даний момент часу вектор швидкості рідини спрямований по дотичній.

Рівняння лінії течії:

$$\frac{dx}{u_x} = \frac{dy}{u_y} = \frac{dz}{u_z}$$

Траєкторія – це слід, залишений частинкою у просторі.

Лінії течії збігаються з траєкторіями рідких частинок тільки при русі, що встановився.

Трубка течії

У потоці рідини виділимо нескінченно малий замкнутий контур. Через кожну точку цього контуру проведемо лінію течії. Отримана поверхня називається трубкою течії.

Властивість: трубка течії непроникна для рідини.

1.3.3 Елементарна струминка

Частина потоку рідини, обмежена трубкою течії, називається елементарною струминкою.

Властивості елементарної струминки.

1. Оскільки поперечний переріз струминки безкінченно малий, швидкості рідини розподілені рівномірно за перерізом (але не за довжиною).
2. Бокова поверхня струминки непроникна для рідини.
3. Рівняння нерозривності для струминки:

$$\rho_1 u_1 dA_1 = \rho_2 u_2 dA_2$$

1.4 Динаміка ідеальної рідини

Ідеальна рідина – це теоретична модель, нестислива і нев'язка.

Динаміка рідини вивчає рух рідини з урахуванням сил, які виникають при цьому. «Сила у русі»!

1.4.1 Рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини

Елементарна струминка обмежена лініями течії. Але вздовж лінії течії справедливий загальний інтеграл Бернуллі.

Вважатимемо, що з масових сил діє лише сила тяжіння: $\Phi = -gz$. Тоді відомий з теорії загальний інтеграл Бернуллі набуває вигляду:

$$gz + \frac{p}{\rho} + \frac{u^2}{2} = \text{const}$$

Оскільки поперечний переріз струминки безкінечно малий, можна вважати, що загальний інтеграл Бернуллі справедливий для всієї струминки. Застосуємо цей інтеграл до двох поперечних перерізів елементарної струминки (рис. 1.4).

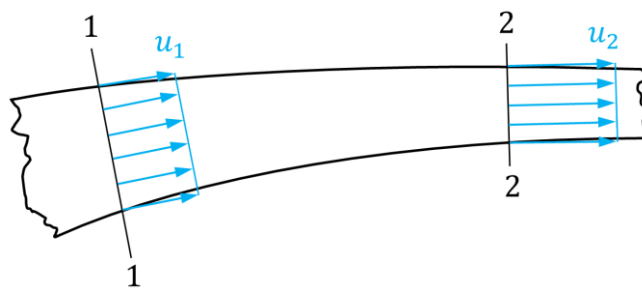


Рис. 1.4

$$gz_1 + \frac{p_1}{\rho} + \frac{u_1^2}{2} = gz_2 + \frac{p_2}{\rho} + \frac{u_2^2}{2} \quad (1.2)$$

Ми отримали рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини у формі енергій.

Тут кожна складова являє собою якусь питому енергію, тобто, енергію, віднесену до одиниці маси рідини.

Перевіряємо розмірності складових, що входять до (1.2):

$$\frac{\text{Дж}}{\text{кг}} = \frac{\text{Н} \cdot \text{м}}{\text{кг}} = \frac{\text{кг} \cdot \text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{\text{м}}{\text{кг}} = \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}$$

Фізично вірні рівняння мають бути розмірно однорідними.

gz_1 и gz_2 – питома потенційна енергія положення;

$\frac{p_1}{\rho}$ и $\frac{p_2}{\rho}$ – питома потенційна енергія тиску;

$\frac{u_1^2}{2}$ и $\frac{u_2^2}{2}$ – питома кінетична енергія.

Фізичний сенс рівняння Бернуллі для струмка ідеальної рідини:

Сума питомої потенційної та питомої кінетичної енергії постійна вздовж струминки.

Т.ч., рівняння Бернуллі виражає фундаментальний фізичний закон збереження та перетворення енергії стосовно струминки ідеальної рідини.

Кожну складову у рівнянні (1.2) ділимо на g :

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho g} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho g} + \frac{u_2^2}{2g} \quad (1.3)$$

Ми отримали рівняння Бернуллі для цівки ідеальної рідини у формі напорів.

z_1 і z_2 – геометричні напори, тобто. геометричні висоти центрів мас вибраних перерізів над площиною відліку. В якості площини відліку (площини порівняння) можна вибрати будь-яку горизонтальну площину.

$\frac{p_1}{\rho g}$ і $\frac{p_2}{\rho g}$ – п'єзометричні напори.

П'єзометричний напір – це висота стовпа рідини, що врівноважує тиск у даній точці. Вимірюється за допомогою п'єзометричної трубки (п'єзометра).

$\frac{u_1^2}{2g}$ і $\frac{u_2^2}{2g}$ – швидкісні напори.

Всі ці складові мають розмірність довжини (метри), тому їх можна показати малюнку розмірними лініями.

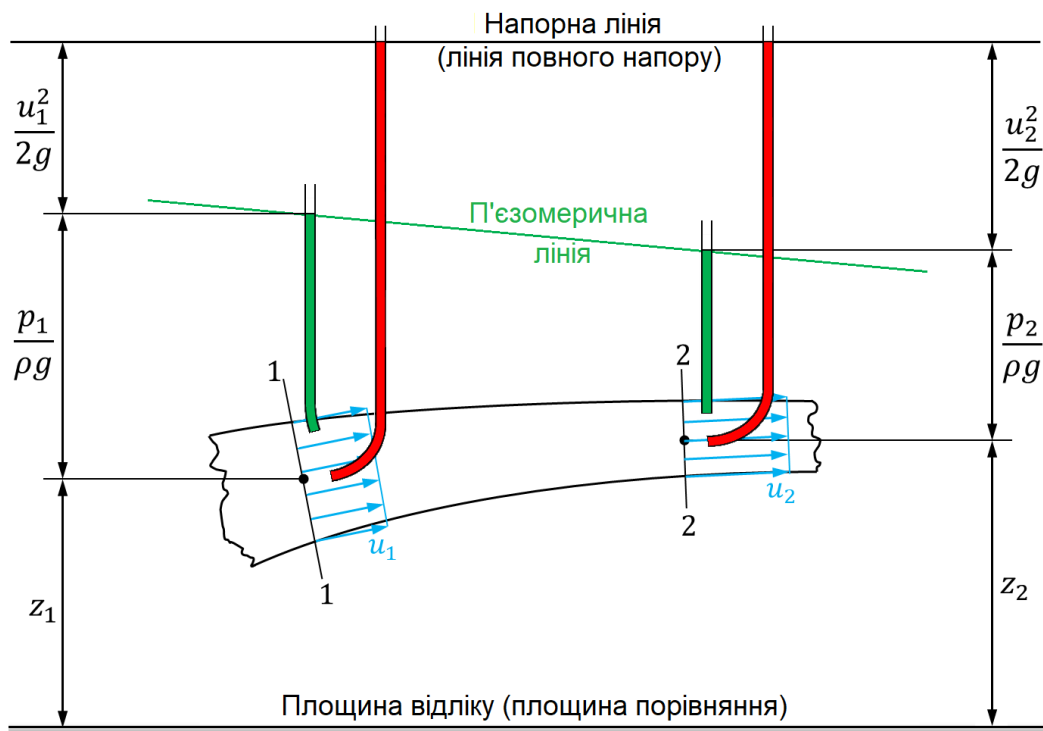


Рис. 1.5

П'езометричні трубки зрізані вздовж ліній течії.

Напірні трубки (трубки повного напору) загнуті назустріч потоку.

Лінія, яка з'єднує поверхні рідини у всіх уявно можливих п'езометричних трубках, називається п'езометричною лінією, а в трубках повного напору – напірною лінією.

Геометричний сенс рівняння Бернуллі: напірна лінія (лінія повного напору) є горизонтальною прямою.

Швидкісний напір можна виміряти як різницю рівнів між напірною та п'езометричною трубкою. За цією різницею рівнів можна визначити швидкість рідини:

$$u = \sqrt{2gh}$$

Кожну складову у рівнянні (1.2) множимо на ρ .

$$\rho g z_1 + p_1 + \frac{\rho u_1^2}{2} = \rho g z_2 + p_2 + \frac{\rho u_2^2}{2} \quad (1.4)$$

Ми отримали рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини у формі тисків.

Це рівняння не несе нового сенсу, але його зручно використовувати при розв'язанні задач, особливо якщо задачі беруть участь різні рідини.

1.4.2 Вказівки до розв'язання задач

Якщо в задачі необхідно зв'язати між собою зміну швидкості рідини зі зміною тиску чи напору, то використовують рівняння Бернуллі. Якщо в умові сказано "втратами знехтувати", то використовують рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини, а якщо не можна знехтувати – то рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини.

Порядок розв'язання задач:

1. Вибрати площину відліку (площину порівняння) – будь-яку горизонтальну площину.
2. Вибрати два поперечні перерізи потоку.
3. Для вибраних перерізів записати рівняння Бернуллі та вирішити його.

Примітка. Разом із рівнянням Бернуллі зазвичай використовують рівняння нерозривності у гідравлічній формі, або рівняння сталості витрати:

$$Q_m = \rho_1 u_1 A_1 = \rho_2 u_2 A_2 = \dots$$

1.5 Динаміка в'язкої рідини

В'язка рідина – це теоретична модель, нестислива і в'язка (ньютонівська). В'язка рідина повинна підпорядковуватись трьом гіпотезам – лінійності, однорідності та ізотропності. Ці гіпотези узагальнюють формулу Ньютона-Петрова на випадок тривимірної (3D) течії рідини.

1.5.1 Рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини

Рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини у формі енергій:

$$gz_1 + \frac{p_1}{\rho} + \frac{\alpha_1 v_1^2}{2} = gz_2 + \frac{p_2}{\rho} + \frac{\alpha_2 v_2^2}{2} + \Delta e, \quad (1.5)$$

де Δe – втрати механічної енергії між першим та другим перерізами. (Насправді енергія не губиться, а переходить у теплову).

Рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини у формі напорів:

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho g} + \frac{\alpha_1 v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho g} + \frac{\alpha_2 v_2^2}{2g} + \Delta h \quad (1.6)$$

де Δh – втрати напору між першим і другим перерізами.

Рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини у формі тисків:

$$\rho g z_1 + p_1 + \frac{\alpha_1 \rho v_1^2}{2} = \rho g z_2 + p_2 + \frac{\alpha_2 \rho v_2^2}{2} + \Delta p, \quad (1.7)$$

где Δp – потери давления между первым и вторым сечениями.

$$\iint u^3 dA$$

Тут $\alpha = \frac{\int u^3 dA}{v^3 A}$ – коефіцієнт кінетичної енергії, чи коефіцієнт Коріоліса. Його

фізичний сенс: відношення істинної кінетичної енергії потоку до кінетичної енергії, обчисленої за середньою швидкістю:

$$\alpha = \frac{E_{\text{ист}}^k}{E_{\text{ср.ск.}}^k}$$

Коефіцієнт Коріоліса враховує нерівномірність розподілу кінетичної енергії з перерізу потоку. Він може бути менше одиниці.

Окремі випадки:

- 1) Рівномірний потік: $\alpha = 1$
- 2) Ламінарна течія у круглій трубі: $\alpha = 2$
- 3) Турбулентна течія в круглій трубі: $\alpha = 1,02 \dots 1,05$

У наближених розрахунках можна приймати $\alpha \approx 1$

4) Сильно деформований потік: $\alpha \rightarrow \infty$, але ми домовилися розглядати слабо деформовані потоки.

Щоб розраховувати втрати енергії (тиску, напору), потрібно спочатку розглянути теорію подібності.

1.6 Основи теорії подібності та моделювання

Загальні інтеграли рівнянь Нав'є-Стокса не отримано. Комп'ютерне моделювання може дати лише наближене рішення, причому похибка близько 15% вважається нормальною. У відповідальних випадках доводиться виконувати фізичне моделювання.

Проблема полягає у тому, що досліджувані об'єкти бувають дуже великими чи дуже маленькими, і їх безпосереднього дослідження є неможливим.

Тому дослідження виконують на фізичних моделях, виконаних у певному масштабі.

Але чи завжди правомірне таке моделювання?

1.6.1 Числа подібності

Для натурального об'єкта та його моделі виділяють такі величини, як:

L – характерний лінійний розмір;

U – характерна швидкість;

P – характерний тиск;

T – характерний час чи період процесів.

Крім того, в теорії подібності використовуються

ρ – густина рідини, кг/м^3 ;

ν – кінематична в'язкість, $\text{м}^2/\text{с}$.

Числа подібності – це безрозмірні відносини сил різної природи у характерних точках моделі та натурального об'єкта.

У механіці рідини та газу використовуються чотири числа подібності:

$Sh = \frac{L}{UT}$ – число подібності Струхала. Використовується при аналізі течій, що не

встановилися.

$Fr = \frac{U^2}{gL}$ – число подібності Фруда. Його фізичний сенс – відношення сил інерції до

сил тяжіння.

$Eu = \frac{P}{\rho U^2}$ – число подібності Ейлера. Його фізичний сенс – відношення сил тиску до

сил інерції.

$Re = \frac{UL}{\nu}$ – число подібності Рейнольдса. Його фізичний сенс – відношення сил

інерції до сил в'язкого тертя.

Фактично числа подібності являють собою коефіцієнти у рівняннях Нав'є-Стокса, наведених до безрозмірного виду. Але ці коефіцієнти кардинально впливають на характер рішення.

Наприклад, у круглій трубі характерний розмір – це діаметр труби, а характерна швидкість – це середня (середньовитратна) швидкість, і $Re = \frac{vd}{\nu}$.

При $Re < 2300$ течія у круглій трубі ламінарна, а при $Re > 2300$ – турбулентна.

При $Fr < 1$ течія в річці плавна, а при $Fr > 1$ – бурхлива (у гірських річках)

1.6.2 Визначальні та невизначальні числа подібності

Якщо всі величини, що входять до числа подібності, відомі до початку експерименту або безпосередньо регулюються експериментатором, то таке число подібності називається визначальним. Якщо хоча б одна величина, що входить до числа подібності, заздалегідь не відома, і може бути виміряна тільки в ході експерименту, таке число подібності називається невизначальним.

Завдання гідромеханічного експерименту – встановити залежності невизначальних чисел подібності від визначальних.

У МРГ числа Re і Fr завжди визначальні, число Eu завжди невизначальне.

Число Струхала Sh може бути визначальним або невизначальним залежно від мети експерименту (вимушені коливання або автоколивання).

Для того щоб моделювання було правомірним (адекватним), необхідно, щоб:

1. Модель і натурний об'єкт були геометрично подібними, тобто повинна виконуватись геометрична подібність моделі та натури.

2. Усі числа подібності в моделі повинні дорівнювати відповідним числам подібності у подібних точках натурального об'єкта, тобто, має дотримуватись динамічна подібність.

3. Якщо дотримується геометрична та динамічна подібність, то автоматично буде дотримуватись кінематична подібність, тобто подібність полів швидкостей.

Чи можливо досягнути геометричну подібність?

Розрізняють подібність «у великому» та «у малому». Подібність «у великому» – це подібність геометричної форми об'єктів, вона завжди досяжна. Подібність «у малому» – це подібність шорсткості поверхні, вона в принципі недосяжна.

Динамічна подібність – це рівність чисел подібності у подібних точках моделі та натури. Якщо рівні всі числа подібності в моделі та в натурі, то така подоба називається повною. Але її важко досягти. І тут на допомогу приходить поняття автотельності.

Автотельністю називається явище, коли невизначальне число подібності перестає залежати від визначального.

Якщо не вдалося досягти повної подібності, моделювання все ж таки може бути правомірним, якщо за числами подібності, які залишилися не рівними, існує автотельність.

1.7 Рух рідини у трубопроводах

1.7.1 Середня (середньовитратна) швидкість

Швидкості рідини у каналах та трубах розподілені нерівномірно. На твердих стінках швидкість рідини завжди обертається на нуль (закон прилипання). У центральній частині потоку швидкості максимальні (рис. 1.6).

У ряді технічних задач можна не розглядати реальний розподіл швидкостей $u(y)$, а використовувати в розрахунках середню (середньовитратну) швидкість:

$$v = \frac{Q}{A}$$

де Q – об'ємна витрата ($\text{м}^3/\text{с}$);

A – площа поперечного перерізу (м^2).

Тоді $Q = vA$; $Q_m = \rho vA$.

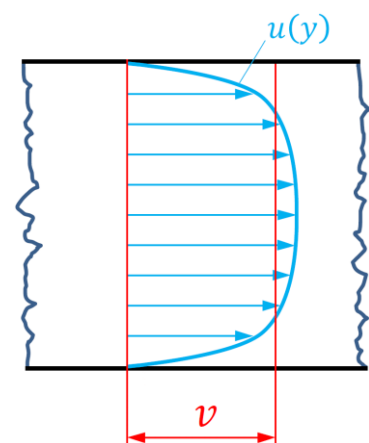


Рис. 1.6

1.7.2 Рівняння нерозривності (суцільності) у гідравлічній формі

Це рівняння пов'язує між собою швидкості та поперечні перерізи потоку рідини у послідовно з'єднаних ділянках трубопроводу.

$$\rho_1 v_1 A_1 = \rho_2 v_2 A_2 \quad (1.8)$$

Ліва та права частини цього рівняння є масовими витратами рідини у відповідних перерізах. Тому інша назва цього рівняння – рівняння сталості витрати.

Для нестисливої рідини $\rho = \text{const}$, і

$$v_1 A_1 = v_2 A_2$$

Для труби з круглим поперечним перетином

$$v_1 \frac{\pi d_1^2}{4} = v_2 \frac{\pi d_2^2}{4}$$

Звідси

$$\frac{v_1}{v_2} = \left(\frac{d_2}{d_1} \right)^2 \quad (1.9)$$

Тобто, у послідовно з'єднаних ділянках труби відношення швидкостей рідини зворотно пропорційно відношенню квадратів діаметрів

1.7.3 Втрати напору у трубах

При русі в'язкої рідини в трубах частина механічної енергії потоку перетворюється на теплову. Говорять, що виникають втрати енергії (напору, тиску).

Розрізняють місцеві втрати та втрати по довжині труби.

Місцеві втрати виникають у т.зв. місцевих гідравлічних опорах, тобто на ділянках трубопроводу, де швидкість рідини різко змінюється за величиною або напрямом.

Приклади місцевих гідравлічних опорів:

- раптові звуження та розширення труби;
- повороти;
- регулююча арматура;
- витратомірні пристрої.

Втрати по довжині труби виникають на прямих ділянках трубопроводу постійного поперечного перерізу під дією в'язкого сил тертя. Тертя виникає внаслідок нерівномірного розподілу швидкостей (див. рис. 1.6).

Основні формули для розрахунку втрат у трубопроводах

| Потери | Місцеві втрати | Втрати по довжині труби |
|-----------------|---|---|
| В формі енергій | $\Delta e_m = \zeta \frac{v^2}{2}$ | $\Delta e_d = \frac{\lambda l}{d} \frac{v^2}{2}$ |
| В формі напорів | $\Delta h_m = \zeta \frac{v^2}{2g}$ | $\Delta h_d = \frac{\lambda l}{d} \frac{v^2}{2g}$ |
| В формі тисків | $\Delta p_m = \zeta \frac{\rho v^2}{2}$ | $\Delta p_d = \frac{\lambda l}{d} \frac{\rho v^2}{2}$ |

У цих формулах:

v – середня (середньовитратна) швидкість рідини, м/с;

g – прискорення вільного падіння, м/с²;

ρ – густина рідини, кг/м³;

l – довжина труби, м;

d – діаметр труби, м;

ζ – коефіцієнт (місцевих) втрат.

Величина ζ залежить від форми місцевого опору та від числа Рейнольдса

$$Re = \frac{vd}{\nu}$$

де ν – кінематична в'язкість рідини, м²/с.

λ – гідравлічний коефіцієнт тертя (коефіцієнт Дарсі).

У загальному випадку λ залежить від числа Рейнольдса та від відносної шорсткості стінок труби:

$$\lambda = f\left(Re, \frac{k}{d}\right)$$

де k – висота виступів шорсткості, м;

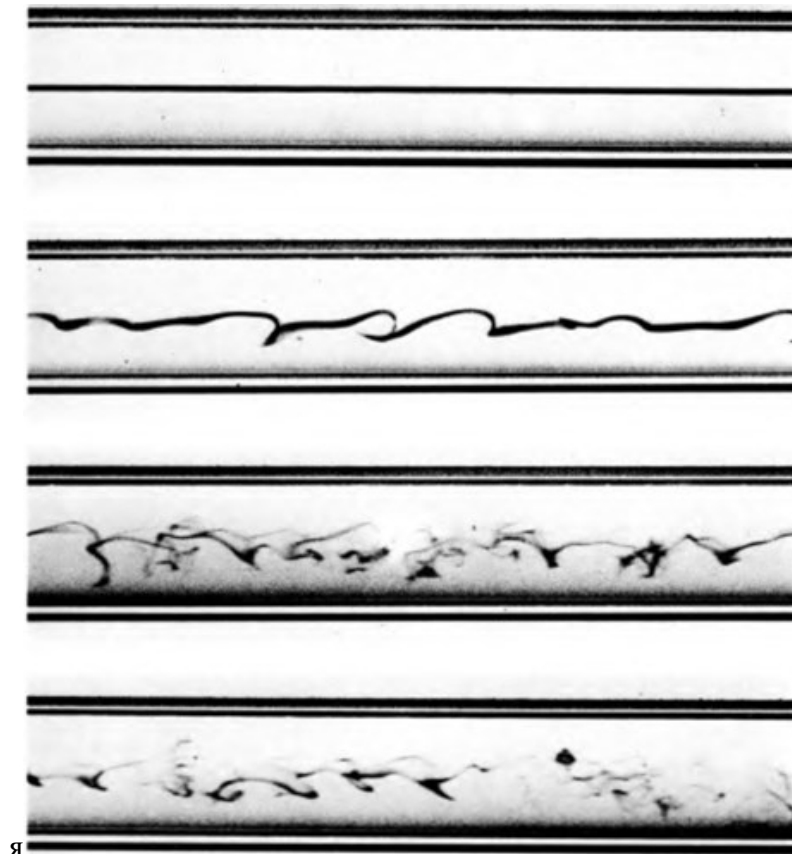
d – діаметр труби, м;

$\frac{k}{d}$ – відносна шорсткість стін труби.

Вид залежності (1) був отриманий Л.Прандтлем теоретично. Однак для того, щоб отримати формули для розрахунку λ , були потрібні багаторічні дослідження, головним чином експериментальні.

1.7.4 Досліди Рейнольдса. Ламінарний та турбулентний режими течії

Рейнольдс проводив досліди на скляних трубах. Вводячи в потік води струминку чорнил, він отримував наочну картину течії рідини. На рис. 1.7 представлені фотографії, отримані на сучасній установці, що повторює дослід Рейнольдса



я

Рис. 1.7

Рейнольдс експериментально виявив два режими течії рідини.

Ламінарний режим течії – рідина рухається паралельними шарами, без перемішування шарів, без пульсацій тиску та швидкості, без утворення дискретних вихорів.

Турбулентний режим течії – рух рідини бурхливий, з перемішуванням шарів, з пульсаціями тиску та швидкості, з утворенням безлічі дискретних вихорів.

1.7.5 Досліди Нікурадзе. Графік Нікурадзе

Л.Прандтль теоретично показав, що гідравлічний коефіцієнт тертя повинен залежати від числа Рейнольдса та відносної шорсткості стінок труби:

$$\lambda = f\left(Re, \frac{k}{d}\right)$$

Проблема полягає у тому, що у технічних трубах всі виступи шорсткості мають різну висоту.

На першому етапі він вибрав родовище піску, де піщинки були майже ідеальною сферичною формою. Далі він обклеїв внутрішню поверхню труб сферичними піщинками певного розміру. Кожен дослід Нікурадзе повторював кілька разів та виконував статистичну обробку результатів. Досліди Нікурадзе досі вважаються еталоном точності.

За результатами дослідів було побудовано знаменитий графік Нікурадзе (рис. 1.8)..

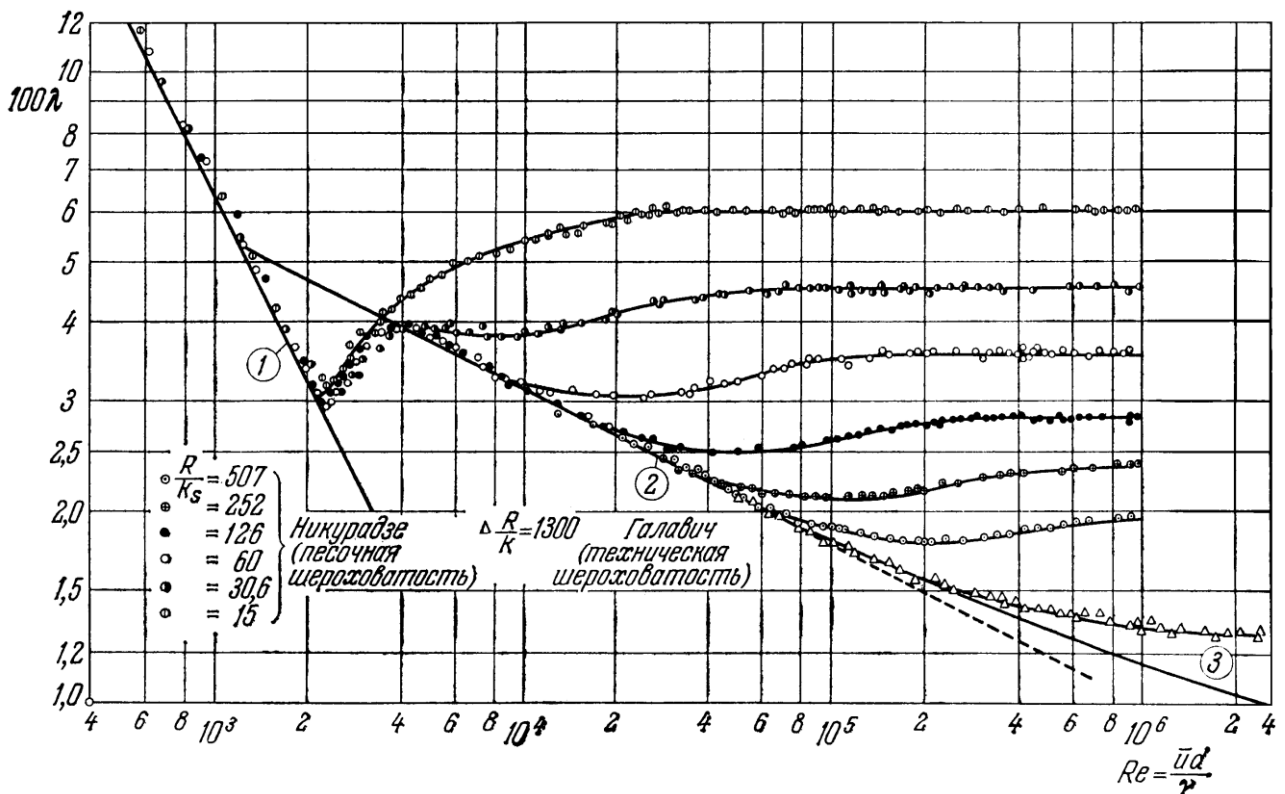


Рис. 1.8

З графіка Нікурадзе видно, що існують різні області гідравлічного тертя. Для кожної області отримано відповідні розрахункові формули.

У технічних трубах виступи шорсткості мають різний розмір, які розташування носить випадковий характер. Для розрахунку труб із технічною шорсткістю вводять поняття еквівалентної шорсткості (позначається k_s). Значення k_s для різних типів труб наводяться у довідниках.

1.7.6 Основні області гідравлічного тертя.

1 – ламінарний режим течії. Межі області: $Re < 2300$.

Розрахункова формула: $\lambda = \frac{64}{Re}$ (формула Пуазейля-Хагена).

На графіку Нікурадзе цій області відповідає похила пряма у лівій частині. Ця ділянка має вигляд прямої, т.к. графік Нікурадзе побудований у логарифмічних координатах, а залежність між логарифмами λ і Re є лінійною:

$$\lg \lambda = \lg 64 - \lg Re.$$

2 – перехідна область від ламінарного режиму течії до турбулентного, $2300 < Re < 4000$. Це область турбулентності, що перемежується, течія тут нестійка. Якщо розрахункова точка потрапить в цю область, рекомендується скористатися формулою

$$\lambda = 1,873 \cdot 10^{-4} \cdot Re^{0,646}.$$

Області 3–5 – це турбулентний режим течії.

3 – область гідравлічно гладких труб. Межі області: $4000 < Re < 10 \frac{d}{k_s}$.

Розрахункова формула: $\lambda = \frac{0,3164}{Re^{0,25}}$ (формула Блазіуса).

Ця область представлена на графіку Нікурадзе похилою прямою, яка є більш пологою, ніж в області 1. У логарифмічних координатах залежність знову лінійна:

$$\lg \lambda = \lg 0,3164 - 0,25 \cdot \lg Re.$$

4 – перехідна область від гідравлічно гладких труб до шорстких.

Межі області: $10 \frac{d}{k_s} < Re < 500 \frac{d}{k_s}$.

Розрахункова формула: $\lambda = 0,11 \cdot \left(\frac{68}{Re} + \frac{k_s}{d} \right)^{0,25}$ (формула Альтшуля).

5 – область шорстких труб. Межі області: $Re > 500 \frac{d}{k_s}$

Розрахункова формула: $\lambda = 0,11 \left(\frac{k_s}{d} \right)^{0,25}$ – формула Шифрінсона.

У цій області коефіцієнт Дарсі λ перестав залежати від Re , а графіки набули вигляду горизонтальних прямих. Кажуть, що настала автотельність за числом Рейнольдса. Тому одна з назв області 5 – автотельна.

Слід зазначити, що формула Альтшуля є універсальною і її можна використовувати для всього турбулентного режиму течії (області 3–5).

За наявності у трубопроводі кількох місцевих опорів та втрат за довжиною всі ці втрати сумуються:

$$\Delta p = \left(\frac{\lambda l}{d} + \sum \zeta_i \right) \frac{\rho v^2}{2}$$

1.8 Витікання рідини через отвори та насадки

Завдання, пов'язані з визначенням витрати при витіканні рідини та газу через отвори та насадки, зустрічаються у різних галузях техніки; розрахунки жиклерів – в карбюраторах двигунів внутрішнього згоряння, дроселів – в системах гідроприводу, тарілок деаераторів – в енергетиці та ін. Під насадками в МРГ розуміють відносно короткі патрубки разів особистої форми, довжина яких l_n не перевищує 3–5 діаметрів, тобто $\frac{l_n}{d} = 3 \dots 5$.

Розглянемо витікання рідини через насадок, вважаючи, що рідина ідеальна. Скористаємося рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини у формі напорів:

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho g} + \frac{u_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho g} + \frac{u_2^2}{2g}$$

Користуємося шкалою надлишкових тисків.

Вибираємо площину відліку 0–0 по осі насадки (рис. 1.9). Поперечний переріз 1–1 проводимо на поверхні рідини в баку. У цьому перерізі $z_1 = H$, $u_1 = 0$.

Поперечний переріз 2–2 проводимо відразу після виходу струменя з насадки. У цьому перерізі $z_2 = 0$, $p_2 = 0$, $u_2 = v$.

Для вибраних перерізів рівняння Бернуллі набуває вигляду:

$$H + \frac{p_1}{\rho g} = \frac{v_{ид}^2}{2g}$$

Звідси ідеальна (теоретична) швидкість рідини на виході з насадки

$$v_t = \sqrt{2 \left(gH + \frac{p_1}{\rho} \right)}$$

При витіканні газу стовп рідини відсутній, і

$$v_t = \sqrt{\frac{2p_1}{\rho}} \quad (1.10)$$

Теорія витікання заснована на цій формулі, однак до неї внесені поправки, засновані на експерименті.

По-перше, при витіканні в'язкої рідини швидкість знижується, що оцінюється коефіцієнтом швидкості

$$\varphi = \frac{v}{v_t}$$

де v – дійсна швидкість витікання.

Таким чином, реальна швидкість витікання газу (повітря)

$$v = \varphi \sqrt{\frac{2\Delta p}{\rho}}$$

Крім зниження швидкості при витіканні має місце стиснення струменя, яке особливо наочно проявляється при витіканні через отвір у тонкій стінці. Розглянемо схему течії, показану на рис. 1.10. Частинки рідини наближаються до отвору з різних боків по

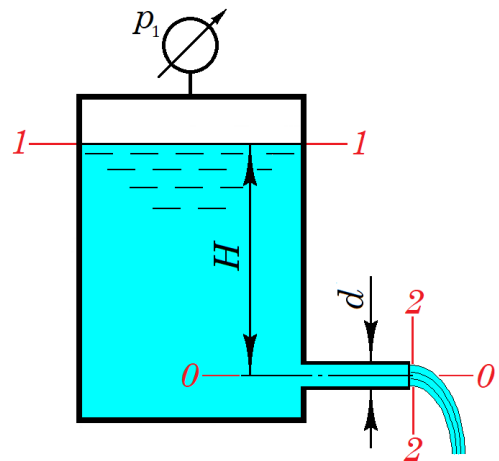


Рис. 1.9

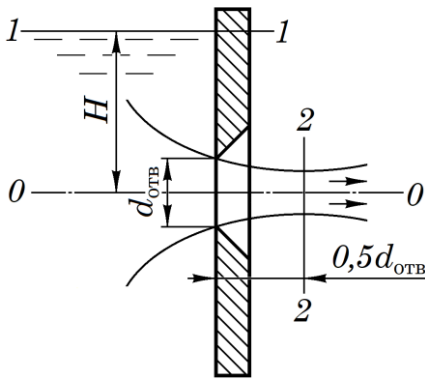


Рис. 1.10

криволінійних траєкторіях. При цьому виникають сили інерції, які призводять до стиснення струменя. Це підтверджується і експериментально.

Максимальне стиснення струменя спостерігається на відстані $0,5d_{отв}$ від кромки отвору. Ступінь стиснення струменя оцінюється коефіцієнтом стиснення ε , який дорівнює відношенню площі стисненого перерізу струменя до площі отвору, тобто

$$\varepsilon = \frac{A_{сж}}{A_{отв}}$$

Об'ємна витрата через отвір може бути визначена з рівняння нерозривності

$$Q = vA_{сж} = \varphi v_T \varepsilon A_{отв} = \varepsilon \varphi v_T A_{отв}$$

Добуток $\varepsilon \varphi = \mu$ називають коефіцієнтом витрати.

Комплекс $v_T A_{отв} = Q_{ид}$ не що інше як ідеальна витрата, з чого випливає, що коефіцієнт витрати

$$\mu = \frac{Q}{Q_{ид}} \quad (1.11)$$

тобто, він є відношенням дійсної витрати до ідеальної.

Отже, об'ємна витрата газу, що витікає

$$Q = \mu A_{отв} \sqrt{\frac{2\Delta p}{\rho}}$$

Приблизні значення коефіцієнтів витрати наведено у таблиці.

Довідкові значення коефіцієнтів витрати.

| Тип насадки (отвору) | Коефіцієнт швидкості φ | Коефіцієнт стиснення ε | Коефіцієнт витрати $\mu_{сп}$ |
|--|--------------------------------|------------------------------------|-------------------------------|
| Круглий отвір у тонкій стінці | 0,97 | 0,64 | 0,61 |
| Зовнішній циліндричний насадок | 0,82 | 1 | 0,82 |
| Конічний насадок, що сходиться, при куті конусності $13,4^\circ$ | 0,963 | 0,982 | 0,946 |
| Конічний насадок, що розходиться, при куті конусності 5° | 0,475 | 1 | 0,475 |
| Коноїдальний насадок | 0,98 | 1 | 0,98 |

Отже, визначення витрати при витіканні необхідно знати чи вміти визначити коефіцієнт витрати.

1.9 Газова динаміка

Газова динаміка вивчає рух газів з урахуванням їхньої стисливості.

Знехтувати стисливістю газів можна лише за мінімальних дозвукових швидкостях, тобто. при числах Маха $M < 0,2$.

Безрозмірне число Маха визначається як

$$M = \frac{u}{c}$$

де u – швидкість потоку газу, м/с;

c – місцева швидкість звуку, м/с.

На відміну від нестисливої рідини, при розрахунку течій газу необхідно враховувати характер термодинамічного процесу. У більшості технічних завдань можна вважати, що течія газу відбувається без теплообміну з навколишнім середовищем, тобто процес адіабатний.

Рівняння адіабатного процесу:

$$\frac{p}{\rho^k} = \text{const}$$

де k – показник адіабати,

$$k = \frac{c_p}{c_v}$$

де c_p – питома теплоємність газу при постійному тиску, Дж/(кг·К);

c_v – питома теплоємність газу при постійному об'ємі, Дж/(кг·К).

Зокрема, для повітря $k = 1,4$.

1.9.1 Рівняння газового стану

Зв'язує між собою параметри ідеального газу.

$$pV = \frac{m}{\mu} R_{\text{унив}} T$$

де p – тиск газу, Па;

V – об'єм газу, м³;

m – маса газу, кг;

μ – молекулярна маса газу; для повітря $\mu = 28,97$ г/моль;

$R_{\text{унив}}$ – універсальна газова постійна, $R_{\text{унив}} = 8314$ Дж/(кг·К);

T – абсолютна термодинамічна температура, К.

Але $\frac{m}{V} = \rho$ – густина газу, кг/м³;

$\frac{R_{\text{унив}}}{\mu} = R$ – питома газова постійна, Дж/(кг·К).

Наприклад, для повітря $R = \frac{8314}{28,97} = 287$ Дж/(кг·К).

Тоді рівняння газового стану набуває вигляду

$$\frac{p}{\rho} = RT$$

Визначені вище величини дозволяють розрахувати швидкість звуку в потоці газу:

$$c = \sqrt{kRT}.$$

1.9.2 Адіабатне витікання газу через сопло що сходиться

Схема такого витікання представлена рис. 1.11. Усередині бака газ нерухомий. Параметри нерухомого газу називають параметрами гальмування. У формулах вони позначаються зірочкою.

Оскільки тиск усередині бака p^* більше, ніж тиск зовні p , газ витікає назовні через сопло зі швидкістю u .

Відношення тисків позначимо

$$\beta = \frac{p}{p^*}.$$

Відношення тисків, при якому швидкість газу на виході із сопла досягає швидкості звуку, називається критичним. Воно дорівнює

$$\beta_{\text{кр}} = \left(\frac{2}{k+1} \right)^{\frac{k}{k-1}}$$

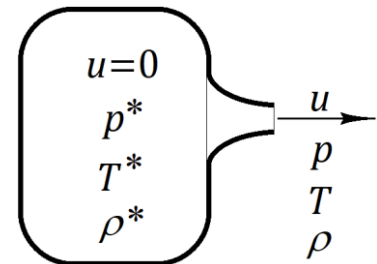


Рис. 1.11

Зокрема, для повітря $\beta_{\text{кр}} = 0,5283$.

Масова витрата повітря, що адіабатно витікає через сопло, що сходиться, розраховують за формулою Сен-Венана – Ванцеля:

$$Q_m = A_c \sqrt{\frac{2k}{k-1}} p^* \rho^* \left(\beta^{\frac{2}{k}} - \beta^{\frac{k+1}{k}} \right) \quad (1.12)$$

На рис. 1.12 масова витрата показана як функція від β . Тобто показано, як змінюється масова витрата, якщо параметри гальмування в баку залишаються незмінними, а зовнішній тиск зменшується. Масова витрата, розрахована за (1.12), показана кривою ABC .

Як видно із рис. 1.12, при зменшенні β від 1 до $\beta_{\text{кр}}$ масова витрата збільшується, що відповідає нашій фізичній інтуїції. Однак при подальшому зменшенні β від $\beta_{\text{кр}}$ до 0 масова витрата має зменшитися до 0, що здається неможливим.

Експеримент показує, що в області $\beta < \beta_{\text{кр}}$ швидкість газу залишається рівною швидкості звуку, а масова витрата залишається постійною. Тобто реальна зміна масової витрати відбувається не по лінії ABC , а по лінії ABD .

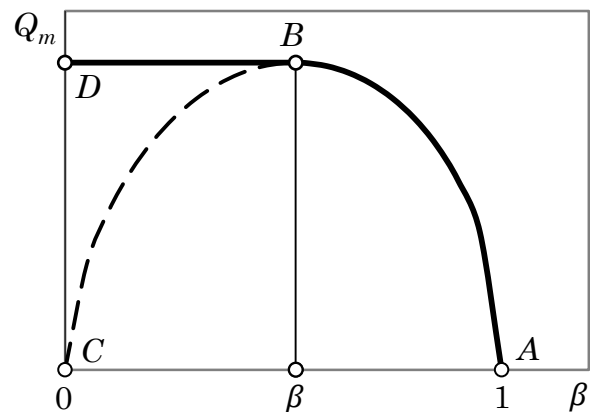


Рис. 1.12

Явище, коли незважаючи на зменшення відношення тисків β масова витрата залишається постійною, називають «замикання сопла».

Для зручності розрахунку формулу Сен-Венана-Ванцеля можна подати у вигляді

$$Q_m = \mu A_c B \sqrt{p^* \rho^*}.$$

Якщо $\beta > \beta_{\text{кр}}$, то витікання дозвукове, і параметр B обчислюють за формулою

$$B = \sqrt{\frac{2k}{k-1} \left(\beta^{\frac{2}{k}} - \beta^{\frac{k+1}{k}} \right)}.$$

Якщо $\beta \leq \beta_{\text{кр}}$, то витікання відбувається в критичному режимі, і параметр B обчислюють за формулою

$$B = \sqrt{k \left(\frac{2}{k+1} \right)^{\frac{k+1}{k-1}}}$$

Для повітря це значення $B = 0,68473$.

Для того, щоб прискорити потік газу до надзвукових швидкостей, необхідно використовувати сопло Лавалю, яке складається з ділянки що сходить (конфузорної) і ділянки, що розходить (дифузornoї).

Вздовж сопла температура та тиск газу зменшуються, а швидкість збільшується (рис. 1.13).

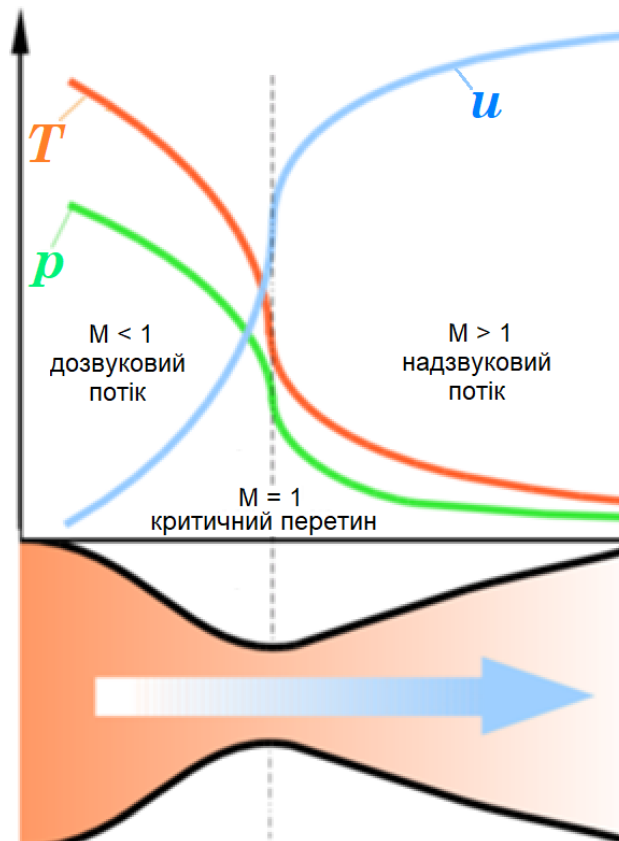


Рис. 1.13

Найвужчий переріз сопла називається критичним. Там швидкість потоку дорівнює швидкості звуку, отже $M = 1$ і $\lambda = 1$.

1.10 Приклади запитань до самоконтролю

1. Яка фізична властивість рідини називається в'язкістю?
2. Яка фізична властивість рідини називається стисливістю?
3. Який тиск називається абсолютним? За допомогою якого приладу (приладів) його можна виміряти?
4. Який тиск називається надлишковим? За допомогою якого приладу (приладів) його можна виміряти?
5. Запишіть основне рівняння гідростатики. Розшифруйте величини, що в нього входять.
6. Що називається витратою рідини? Які бувають витрати?
7. Як пов'язані між собою об'ємна та масова витрата?
8. Дайте визначення лінії течії.
9. Чи збігаються лінії течії з траєкторіями рідких частинок? В якому випадку?
10. Запишіть рівняння нерозривності (суцільності) у гідравлічній формі. Розшифруйте величини, що в нього входять.
11. Запишіть рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини у формі енергій. Розшифруйте складові, що входять до нього.
12. У чому полягає фізичний сенс рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини?
13. Запишіть рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини у формі напорів. Розшифруйте складові, що входять до нього.
14. У чому полягає геометричний сенс рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини?
15. Запишіть рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини у формі енергій. Розшифруйте складові, що входять до нього.
16. Назвіть основні відмінності рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини від рівняння Бернуллі для струминки ідеальної рідини, записаного в тій же формі.
17. У чому полягає фізичний сенс коефіцієнта Коріоліса?
18. Запишіть формулу для обчислення числа Рейнольдса у круглій трубі. Розшифруйте величини, що входять до неї.
19. У чому полягає фізичний зміст числа Рейнольдса?
20. Яке значення числа Рейнольдса називається критичним? (Що відбувається при цьому значенні і чому воно дорівнює?)
21. Охарактеризуйте ламінарний режим руху рідини.
22. Охарактеризуйте турбулентний режим руху рідини.
23. Які відомі види втрат у трубопроводах? У яких формах вони можуть бути записані? (лише назвати)
24. На яких ділянках трубопроводу виникають втрати довжини труби? Внаслідок чого?
25. Залежність між якими величинами з'ясував Нікурадзе у знаменитих дослідах? У чому полягала особливість труб, які використав Нікурадзе?
26. Які області на графіку Нікурадзе відповідають турбулентному режиму течії? Вплив яких параметрів переважає у кожній із областей?
27. На яких ділянках трубопроводу виникають місцеві втрати? Наведіть приклади.
28. Що називається числами подібності?
29. До чого зводиться динамічна подібність?

30. У чому полягає суть явища автономності?
31. Дайте визначення коефіцієнта витрати отвору або насадки.
32. Як коефіцієнт витрати пов'язаний з коефіцієнтами швидкості та стиснення струменя?
33. Запишіть рівняння газового стану (рівнянь Менделєєва-Клапейрона). Розшифруйте величини, що в нього входять.
34. Який термодинамічний процес називається адіабатним? Чому більшість течій газу можна вважати адіабатними?
35. Запишіть формулу швидкості звуку в потоці газу. Розшифруйте (докладно) величини, що входять до неї.
36. Запишіть формулу для числа Маха у потоці газу. Розшифруйте величини, що входять до неї. У якому діапазоні змінюється число Маха?
37. Яка швидкість у потоці газу називається критичною? (Можна пояснити за допомогою графіка).
38. У чому полягає явище «замикання сопла» при витіканні газу? (Можна пояснити за допомогою графіка). В якому вигляді сопел виникає це явище?
39. Для чого використовується сопло Лавалю? Які ділянки містить таке сопло? (Можна пояснити за допомогою малюнку).

2 Лабораторна робота № 1

Експериментальне визначення гідравлічного коефіцієнта тертя (коефіцієнта Дарсі)

Перш ніж приступити до виконання роботи, отримаємо та спростимо розрахункові формули, які в ній використовуються.

2.1 Допоміжна задача

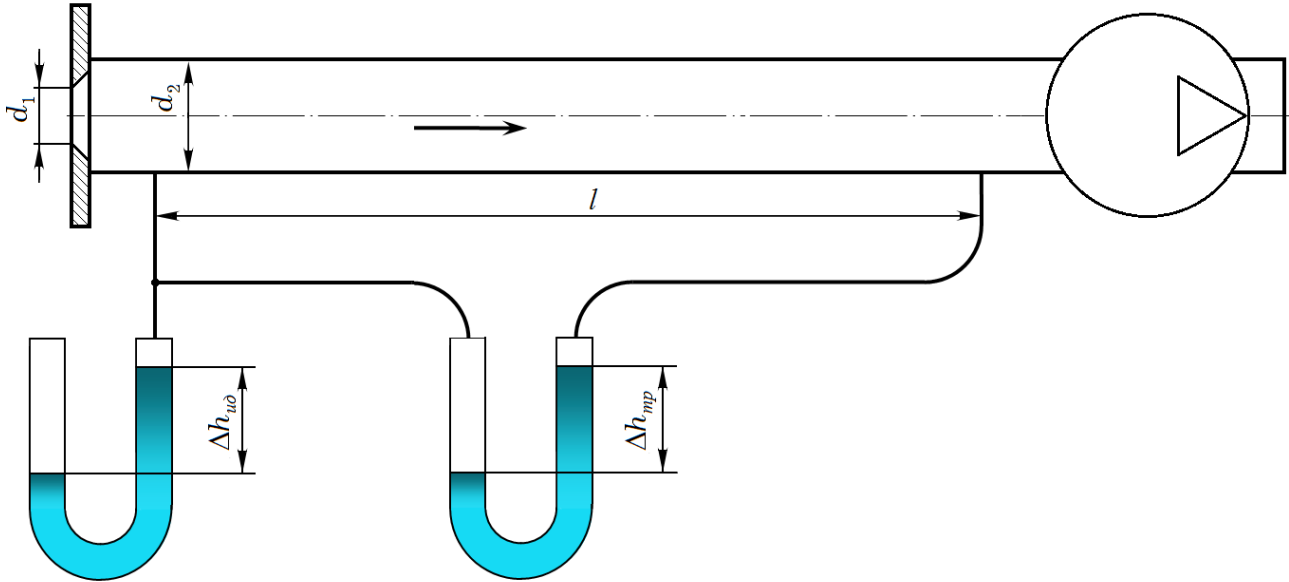


Рис. 2.1

На трубі діаметром d_2 і довжиною l встановлена витратомірна діафрагма з коефіцієнтом втрат $\zeta_{\text{ид}}$. Рідинні диференціальні манометри, що вимірюють втрати тиску на діафрагмі та по довжині труби, показують різниці рівнів відповідно $\Delta h_{\text{ид}}$ і $\Delta h_{\text{тр}}$. По трубі протікає повітря густиною ρ , густина рідини в дифманометрах $\rho_{\text{ж}}$. Кінематична в'язкість повітря ν .

Визначити швидкість повітря в трубі v_2 , число Рейнольдса Re , дослідне значення коефіцієнта Дарсі $\lambda_{\text{оп}}$, а також розрахункове значення коефіцієнта Дарсі $\lambda_{\text{р}}$, обчислене в припущенні, що течія відбувається в області гідравлічно гладких труб.

Рішення

Втрати тиску по довжині труби обчислюють за формулою Дарсі-Вейсбаха:

$$\Delta p_{\text{дл}} = \frac{\lambda l}{d_2} \frac{\rho v_2^2}{2}$$

Ця різниця тиску вимірюється рідинним дифманометром:

$$\Delta p_{\text{дл}} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{тр}}$$

Прирівнюючи праві частини, отримуємо рівняння

$$\frac{\lambda l}{d_2} \frac{\rho v_2^2}{2} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{тр}} \quad (2.1)$$

Місцеві втрати тиску на діафрагмі обчислюють за формулою Вейсбаха:

$$\Delta p_{\text{ид}} = \zeta_{\text{ид}} \frac{\rho v_2^2}{2}$$

Ця різниця тиску вимірюється рідинним дифманометром:

$$\Delta p_{\text{ид}} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{ид}}$$

Прирівнюючи праві частини, отримуємо рівняння

$$\zeta_{\text{ид}} \frac{\rho v_2^2}{2} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{ид}} \quad (2.2)$$

Почленно ділимо один на одного ліві та праві частини рівнянь (2.1) та (2.2):

$$\frac{\lambda l}{\zeta_{\text{ид}} d_2} = \frac{\Delta h_{\text{тр}}}{\Delta h_{\text{ид}}}$$

Звідси визначаємо значення $\lambda_{\text{оп}}$, отримане за результатами досліду:

$$\lambda_{\text{оп}} = \zeta_{\text{ид}} \frac{d_2}{l} \frac{\Delta h_{\text{тр}}}{\Delta h_{\text{ид}}} \quad (2.3)$$

З (2.2) визначаємо швидкість повітря у трубі:

$$v_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{ид}}\rho_{\text{ж}}}{\zeta_{\text{ид}}\rho}} \quad (2.4)$$

Число Рейнольдса

$$Re = \frac{v_2 d_2}{\nu} \quad (2.5)$$

Розрахункове значення коефіцієнта Дарсі для гідравлічно гладких труб визначається за формулою Блазіуса:

$$\lambda_p = \frac{0,3164}{Re^{0,25}} \quad (2.6)$$

Весь наведений розрахунок можливий, якщо відомий коефіцієнт втрат діафрагми $\zeta_{\text{ид}}$. Діафрагми з конічним отвором добре вивчені. Коефіцієнт втрат для них залежить тільки від геометричних розмірів і обчислюється за формулою

$$\zeta_{\text{ид}} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{0,611} - 1 \right]^2 \quad (2.7)$$

У цій допоміжній задачі ми отримали всі формули, необхідні для виконання лабораторної роботи №1.

2.2 Вказівки щодо виконання лабораторної роботи

Мета роботи: експериментально визначити гідравлічний коефіцієнт тертя (коефіцієнт Дарсі) у 5 дослідах. Порівняти долідні значення $\lambda_{\text{оп}}$ зі значеннями λ_p , розрахованими для області гідравлічно гладких труб. Побудувати графік залежності $\lambda_{\text{оп}}$ та λ_p від числа Рейнольдса. Зіставити отримані результати з графіком Нікурадзе.

Експериментальні дані знімаються власноруч на лабораторному стенді (рис. 2.2).



Рис. 2.2

Порядок виконання роботи :

1) Записати основні параметри експериментального стенду.
 2) У п'яти дослідах під керівництвом викладача записати показання дифманометрів, підключених до витратомірної діафрагми та довгої труби – відповідно $\Delta h_{\text{ид}}$ і $\Delta h_{\text{тр}}$. Заповнити таблицю спостережень.

3) Обчислити коефіцієнт втрат діафрагми за формулою (2.7).

4) Для п'яти дослідів обчислити:

- швидкість повітря у трубі v_2 за формулою (2.4);
- число Рейнольдса Re за (2.5);
- дослідне значення коефіцієнта Дарсі $\lambda_{\text{оп}}$ за (2.3);
- розрахункове значення коефіцієнта Дарсі λ_p за (2.6).

Розрахунок однієї дослідної точки розписати докладно, щоб уникнути помилок. Розрахунок інших дослідних точок оформляється у вигляді таблиці обчислень. Рекомендується використання електронних таблиць та інших програм.

5) Побудувати графік залежності $\lambda_{\text{оп}}$ і λ_p від числа Рейнольдса Re .

6) На підставі аналізу побудованого графіка зробити висновки. У висновках необхідно:

- a) Оцінити, чи великі систематичні та випадкові похибки дослідів.
- b) Визначити, чи узгоджуються між собою дослідні та розрахункові значення коефіцієнту Дарсі.
- c) Визначити, яку область графіка Нікурадзе потрапили дослідні точки.

Інші рекомендації наведено у Прикладі виконання.

(В умовах карантину студентам видаються готові експериментальні дані. Ці дані розсилаються в окремому файлі. У файлі дано різниці рівнів на двох дифманометрах і всі необхідні розміри.)

2.3 Оформлення роботи

Роботу потрібно розрахувати відповідно до своїх вихідних даних, оформити від руки, своїм почерком, сфотографувати і вислати викладачу на пошту.

Студент повинен продемонструвати здатність грамотно виконувати технічні розрахунки. В отриманих результатах повинні бути як мінімум три вірні значущі цифри.

Корисні поради

Двічі перечитайте коефіцієнт втрат діафрагми $\zeta_{\text{ид}}$, щоб не довелося перераховувати всю роботу!

Розрахунок однієї точки докладно розписують: формула, підстановка значень, результат, одиниці виміру. Інші точки можна розраховувати в електронних таблицях Excel.

У ході обчислень необхідно зберігати не менше трьох вірних значущих цифр. Пам'ятайте: грубі округлення в проміжних розрахунках можуть сильно спотворити результат!

Дозволяється будувати графік вручну на папері у клітинку або за допомогою електронних таблиць Excel (тип графіка – «точечный» або «scatter»).

Графік має бути оформлений відповідно до ГОСТу.

Відстань між засічками на графіці повинні бути кратними 2, 5, 10.

Точки λ_p з'єднуються плавною кривою, тоді як точки $\lambda_{\text{он}}$ з'єднуються ламаною лінією.

2.4 Приклад виконання лабораторної роботи № 1

Міністерство освіти і науки України
Державний університет «Одеська політехніка»
Кафедра екологічної безпеки та гідравліки

Лабораторна робота № 1

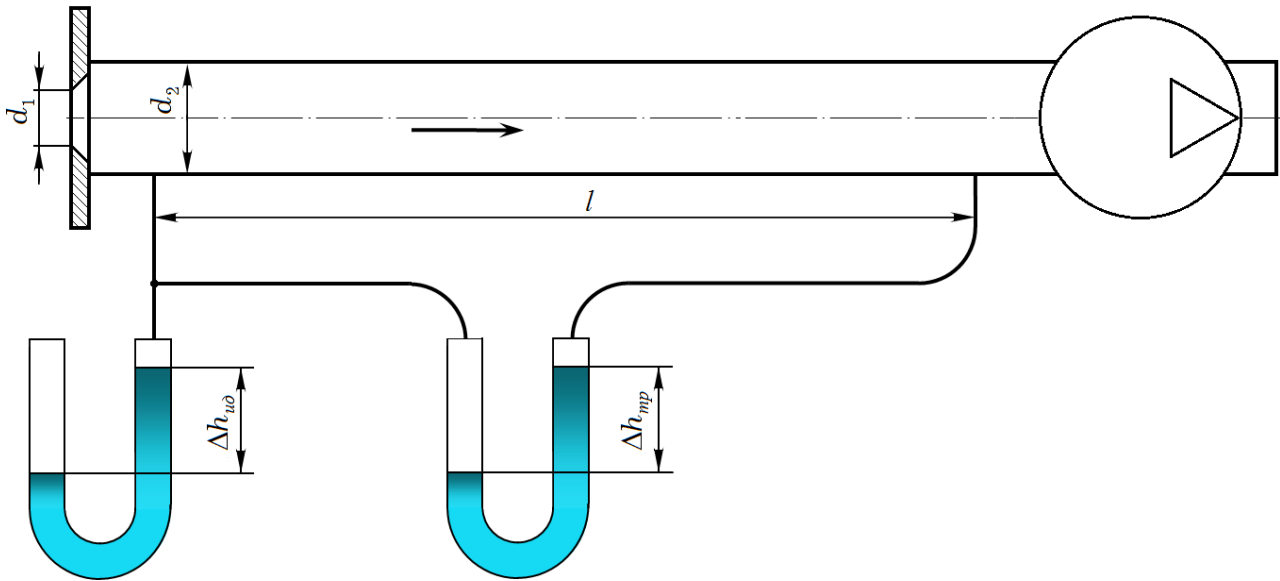
Експериментальне визначення гідравлічного коефіцієнта тертя (коефіцієнта Дарсі)

Студент гр. _____

Прийняв _____

доцент Сурков С.В.

Схема експериментального стенда



Таблиця спостережень

| № дослідів | Витратомірна діафрагма | | | Трубопровід | | |
|------------|------------------------|----------|-----------------|-------------|----------|-----------------|
| | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{ид}$ | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{тр}$ |
| 1 | | | 178 | | | 29 |
| 2 | | | 157 | | | 27 |
| 3 | | | 124 | | | 22 |
| 4 | | | 95 | | | 18 |
| 5 | | | 74 | | | 13 |

Стенд № 12
 $d_1 = 9,2 \text{ мм}$
 $d_2 = 16 \text{ мм}$
 $l = 1,36 \text{ м}$

Довідкові дані

| | |
|--------------------------------|---|
| Кінематична в'язкість повітря | $\nu = 15 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$ |
| Густина повітря | $\rho = 1,2 \text{ кг/м}^3$ |
| Густина рідини у дифманометрах | $\rho_{ж} = 1000 \text{ кг/м}^3$ |

Розрахунок однієї експериментальної точки

1. Визначаємо коефіцієнт втрат витратомірної діафрагми

$$\zeta_{ид} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{0,611} - 1 \right]^2 = \left[\frac{(16/9,2)^2}{0,611} - 1 \right]^2 = 15,604$$

Для першого дослідів розраховуємо:

- швидкість повітря у трубі:

$$v_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{ид}\rho_{ж}}{\zeta_{ид}\rho_{в}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 9,8 \cdot 0,178 \cdot 1000}{15,604 \cdot 1,2}} = 13,657 \text{ м/с}$$

- число Рейнольдса:

$$Re = \frac{v_2 d_2}{\nu} = \frac{13,657 \cdot 0,016}{15 \cdot 10^{-6}} = 14567$$

- дослідне значення коефіцієнта Дарсі:

$$\lambda_{оп} = \zeta_{ид} \frac{d_2 \Delta h_{тр}}{l \Delta h_{ид}} = 15,604 \frac{0,016 \cdot 29}{1,36 \cdot 178} = 0,0299$$

- теоретичне значення коефіцієнта Дарсі, обчислене в припущенні, що течія відбувається в області гідравлічно гладких труб:

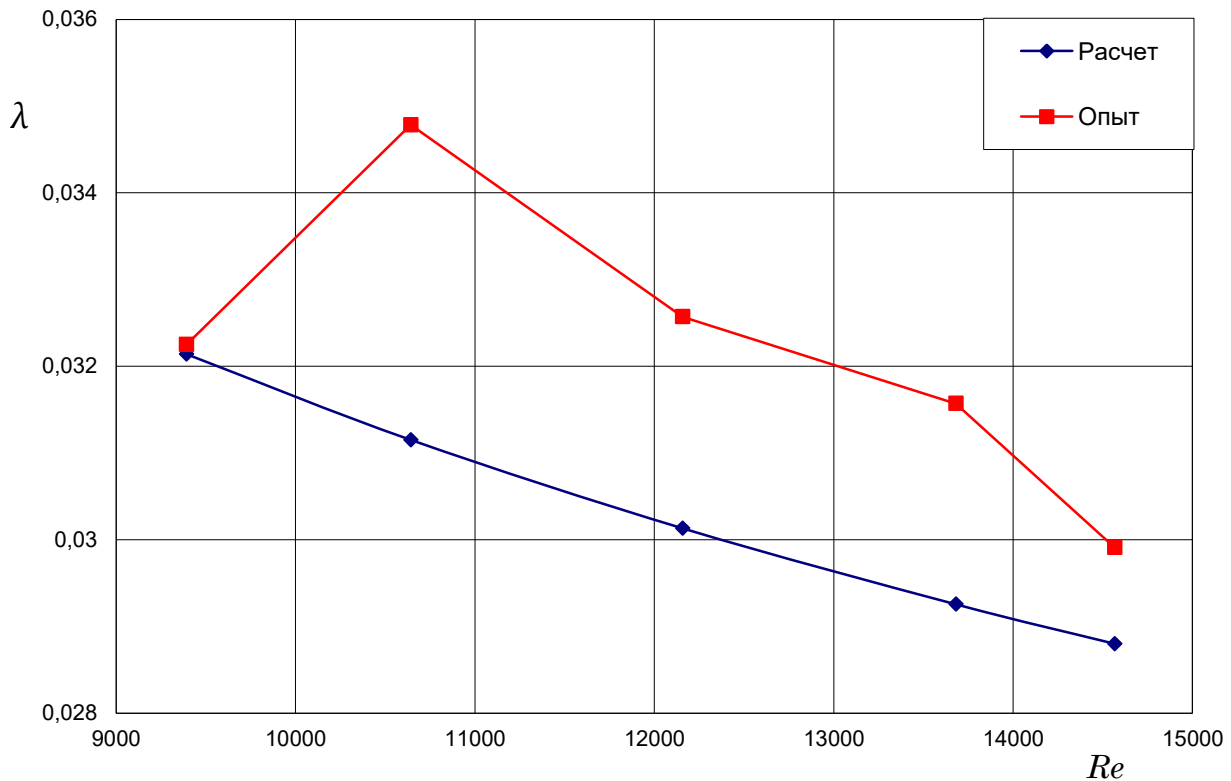
$$\lambda_p = \frac{0,3164}{Re^{0,25}} = 0,0288$$

Розрахунок інших точок представляємо у вигляді таблиці обчислень.

Таблиця обчислень

| № досліда | v_2 | Re | $\lambda_{оп}$ | λ_p |
|-----------|--------|-------|----------------|-------------|
| | м/с | — | — | — |
| 1 | 13,657 | 14567 | 0,0299 | 0,0288 |
| 2 | 12,826 | 13681 | 0,0316 | 0,0293 |
| 3 | 11,399 | 12158 | 0,0326 | 0,0301 |
| 4 | 9,977 | 10642 | 0,0348 | 0,0312 |
| 5 | 8,806 | 9392 | 0,0323 | 0,0321 |

Будуємо графік залежності $\lambda_{оп}$ та λ_p від числа Рейнольдса Re .



Висновки

Дослідні точки $\lambda_{оп}$ лежать вище розрахункових. Це можна пояснити впливом шорсткості досліджуваної труби або систематичною похибкою стенду.

Грубих похибок досліді не спостерігається.

Дослідні точки, імовірно, потрапили в перехідну область від гідравлічно гладких труб до шорстких.

3 Лабораторная работа № 2

Експериментальне визначення коефіцієнтів (місцевих) втрат

3.1 Допоміжна задача № 1

На трубі, що складається з кількох послідовних ділянок, є місцеві опори: витратомірна діафрагма з коефіцієнтом втрат $\zeta_{\text{нд}}$, раптове звуження та вентиль (рис. 3.1). Рідинні диференціальні манометри, що вимірюють перепади тиску на діафрагмі та вентилі, показують різниці рівнів відповідно $\Delta h_{\text{нд}}$ і $\Delta h_{\text{в}}$. По трубі протікає повітря густиною ρ , густина рідини в дифманометрах $\rho_{\text{ж}}$. Кінематична в'язкість повітря ν .

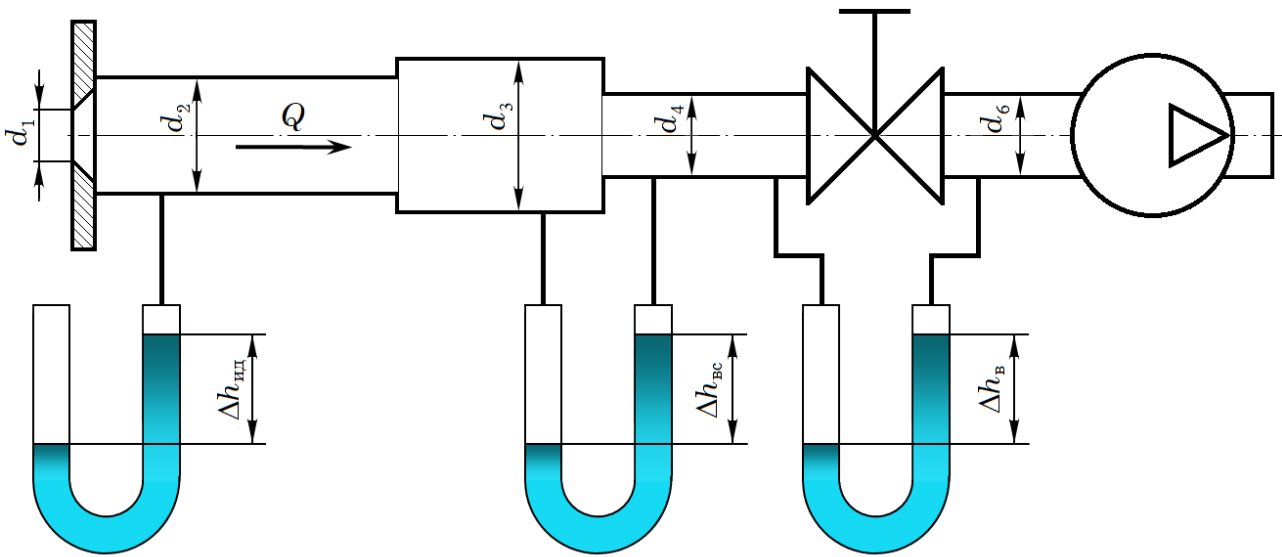


Рис. 3.1

Визначити швидкості повітря на ділянках труби v_2 і v_6 , число Рейнольдса Re_6 дослідне значення коефіцієнта втрат $\zeta_{\text{в}}$.

Рішення

Втрати тиску на вентилі обчислюють за формулою Вейсбаха:

$$\Delta p_{\text{в}} = \zeta_{\text{в}} \frac{\rho v_6^2}{2}$$

Ця різниця тиску вимірюється рідинним дифманометром:

$$\Delta p_{\text{в}} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{в}}$$

Прирівнюючи праві частини, отримуємо рівняння

$$\zeta_{\text{в}} \frac{\rho v_6^2}{2} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{в}} \quad (3.1)$$

Місцеві втрати тиску на діафрагмі, як і в попередній лабораторній роботі, вимірюють дифманометром та обчислюють за формулою Вейсбаха:

$$\zeta_{\text{нд}} \frac{\rho v_2^2}{2} = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{нд}} \quad (3.2)$$

Почленно ділимо один на одного ліві та праві частини рівнянь (3.1) та (3.2):

$$\frac{\zeta_{\text{в}} \left(\frac{v_6}{v_2} \right)^2}{\zeta_{\text{ид}}} = \frac{\Delta h_{\text{тр}}}{\Delta h_{\text{ид}}}$$

Але відповідно до (1.9) відношення швидкостей зворотно пропорційно відношенню квадратів діаметрів:

$$\frac{v_2}{v_6} = \left(\frac{d_6}{d_2} \right)^2$$

Визначаємо значення $\zeta_{\text{в}}$, отримане за результатами дослідів:

$$\zeta_{\text{в}}^{\text{оп}} = \zeta_{\text{ид}} \left(\frac{v_2}{v_6} \right)^2 \frac{\Delta h_{\text{в}}}{\Delta h_{\text{ид}}} = \zeta_{\text{ид}} \left(\frac{d_6}{d_2} \right)^4 \frac{\Delta h_{\text{в}}}{\Delta h_{\text{ид}}} \quad (3.3)$$

З (3.2) визначаємо швидкості повітря на ділянках труби:

$$v_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{ид}}\rho_{\text{ж}}}{\zeta_{\text{ид}}\rho}} \quad (3.4)$$

$$v_6 = v_2 \left(\frac{d_2}{d_6} \right)^2 \quad (3.5)$$

Число Рейнольдса на ділянці труби після вентиля:

$$Re_6 = \frac{v_6 d_6}{\nu} \quad (3.6)$$

Коефіцієнт втрат діафрагми, як і в попередній роботі, визначається за формулою

$$\zeta_{\text{ид}} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{0,611} - 1 \right]^2 \quad (3.7)$$

3.2 Допоміжна задача № 2

На трубі, що складається з кількох послідовних ділянок, є місцеві опори: витратомірна діафрагма з коефіцієнтом втрат $\zeta_{\text{ид}}$ та раптове звуження (рис. 3.2). Рідинні диференціальні манометри, що вимірюють перепади тиску на діафрагмі та раптовому звуженні, показують різниці рівнів відповідно $\Delta h_{\text{ид}}$ і $\Delta h_{\text{вс}}$.

По трубі протікає повітря густиною ρ , густина рідини в дифманометрах $\rho_{\text{ж}}$. Кінематична в'язкість повітря ν .

Визначити дослідне та розрахункове значення коефіцієнта втрат раптового звуження

$\zeta_{\text{вс}}$.

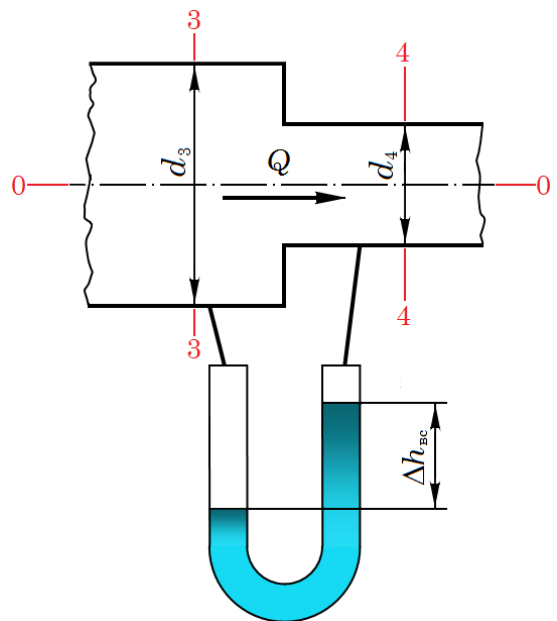


Рис. 3.2

Рішення.

Перепад тиску на раптовому звуженні – це складний сигнал. Він відображає зворотню зміну тиску, пов'язану з переходом потенційної енергії потоку в кінетичну, та незворотні втрати на місцевому опорі.

Проводимо площину відліку 0-0 по осі труби (рис. 3.2).

Запишемо рівняння Бернуллі для потоку в'язкої рідини для перерізів 3-3 та 4-4:

$$\rho g z_3 + p_3 + \frac{\alpha_3 \rho v_3^2}{2} = \rho g z_4 + p_4 + \frac{\alpha_4 \rho v_4^2}{2} + \Delta p_m,$$

У нашому випадку $z_3 = z_4 = 0$. Для турбулентного режиму течії можна прийняти

$$\alpha_3 = \alpha_4 = 1. \text{ Незворотні втрати тиску на місцевому опорі } \Delta p_m = \zeta_{\text{вс}} \frac{\rho v_4^2}{2}.$$

Від рівняння Бернуллі залишається

$$p_3 + \frac{\rho v_3^2}{2} = p_4 + \frac{\rho v_4^2}{2} + \zeta_{\text{вс}} \frac{\rho v_4^2}{2}$$

Різниця тисків між перерізами 3-3 та 4-4:

$$p_3 - p_4 = \frac{\rho v_4^2}{2} - \frac{\rho v_3^2}{2} + \zeta_{\text{вс}} \frac{\rho v_4^2}{2}$$

Ця різниця тиску вимірюється рідинним дифманометром.

$$\rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{вс}} = \frac{\rho v_4^2}{2} - \frac{\rho v_3^2}{2} + \zeta_{\text{вс}} \frac{\rho v_4^2}{2} \quad (3.8)$$

Втрати тиску на витрати вимірювальної діафрагми, як і в попередній задачі:

$$\rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{ид}} = \zeta_{\text{ид}} \frac{\rho v_2^2}{2} \quad (3.9)$$

Почленно ділимо один на одного ліві та праві частини рівнянь (3.8) та (3.9):

$$\frac{\Delta h_{\text{вс}}}{\Delta h_{\text{ид}}} = \frac{1}{\zeta_{\text{ид}}} \left[\left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 - \left(\frac{v_3}{v_2} \right)^2 + \zeta_{\text{вс}} \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 \right]$$

Виконуємо перетворення, щоб отримати дослідне значення $\zeta_{\text{вс}}$:

$$\begin{aligned} \zeta_{\text{ид}} \frac{\Delta h_{\text{вс}}}{\Delta h_{\text{ид}}} &= \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 - \left(\frac{v_3}{v_2} \right)^2 + \zeta_{\text{вс}} \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 \\ \zeta_{\text{вс}} \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 &= \zeta_{\text{ид}} \frac{\Delta h_{\text{вс}}}{\Delta h_{\text{ид}}} - \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 + \left(\frac{v_3}{v_2} \right)^2 \\ \zeta_{\text{вс}} \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 &= \zeta_{\text{ид}} \frac{\Delta h_{\text{вс}}}{\Delta h_{\text{ид}}} - \left(\frac{v_4}{v_2} \right)^2 + \left(\frac{v_3}{v_2} \right)^2 \\ \zeta_{\text{вс}}^{\text{оп}} &= \zeta_{\text{ид}} \left(\frac{d_4}{d_2} \right)^4 \frac{\Delta h_{\text{вс}}}{\Delta h_{\text{ид}}} + \left(\frac{d_4}{d_3} \right)^4 - 1 \end{aligned} \quad (3.10)$$

Теоретичне значення $\zeta_{\text{вс}}$ визначається за формулою

$$\zeta_{\text{вс}}^{\text{р}} = \left(\frac{1}{\varepsilon} - 1 \right)^2 \quad (3.11)$$

де ε – коефіцієнт стиснення:

$$\varepsilon = 0,57 + \frac{0,043}{1,1 - n} \quad (3.12)$$

n – відношення площ:

$$n = \left(\frac{d_4}{d_3} \right)^2 \quad (3.13)$$

У цих допоміжних завданнях ми отримали всі формули, необхідні для виконання лабораторної роботи №2

3.3 Вказівки щодо виконання лабораторної роботи

Мета роботи: експериментально визначити гідравлічні коефіцієнти втрат вентиля та раптового звуження у 5 дослідах. Порівняти дослідні значення $\zeta_B^{\text{оп}}$ із табличними значеннями. Побудувати графік залежності $\zeta_B^{\text{оп}}$ от числа Рейнольдса. від числа Рейнольдса. Оцінити відносний розкид значень.

Експериментальні дані знімаються власноруч на лабораторному стенді (рис. 3.1).

Порядок виконання роботи:

1) Записати основні параметри експериментального стенду.
 2) У п'яти дослідах під керівництвом викладача записати показання дифманометрів, підключених до витратомірної діафрагми, раптового звуження та вентиля – відповідно $\Delta h_{\text{ид}}$, $\Delta h_{\text{вс}}$ і $\Delta h_{\text{в}}$. Заповнити таблицю спостережень.

3) Обчислити коефіцієнт втрат діафрагми за формулою (3.7).

4) Для п'яти дослідів обчислити:

- швидкість повітря у трубі v_2 за формулою (3.4);
- швидкість повітря у трубі v_6 за формулою (3.5)
- число Рейнольдса Re_6 за формулою (3.6);
- дослідне значення коефіцієнта втрат вентиля за формулою (3.3);
- дослідне значення коефіцієнта втрат раптового звуження за формулою (3.10);
- розрахункове значення коефіцієнта втрат раптового звуження за формулами (3.11–3.13).

Розрахунок однієї дослідної точки розписати докладно, щоб уникнути помилок. Розрахунок інших дослідних точок оформляється у вигляді таблиці обчислень. Рекомендується використання електронних таблиць та інших програм.

5) Побудувати графік залежності $\zeta_B^{\text{оп}}$ від числа Рейнольдса Re_6 .

6) Обчислити відносний розкид дослідних значень $\zeta_B^{\text{оп}}$:

$$\delta = \frac{\zeta_B^{\text{max}} - \zeta_B^{\text{min}}}{\zeta_B^{\text{max}}} \times 100\%$$

7) На підставі аналізу результатів розрахунку і побудованого графіка зробити висновки по роботі. У висновках необхідно:

Визначити, чи потрапляють дослідні значення $\zeta_B^{\text{оп}}$ в табличний діапазон $\zeta_B^{\text{табл}} = 5 \dots$

Визначити, чи спостерігається автотельність для значень $\zeta_B^{\text{оп}}$. Якщо розкид дослідних значень δ не перевищує 3%, можна дійти висновку, що спостерігається автотельність для значень $\zeta_B^{\text{оп}}$.

Визначити, чи узгоджуються між собою дослідні та розрахункові значення $\zeta_{\text{вс}}^{\text{оп}}$ і $\zeta_{\text{вс}}^{\text{р}}$.
Оцінити, чи великі систематичні та випадкові похибки дослідів.

Увага! Перевірте розрахункові значення $\zeta_{\text{ид}}$, щоб не довелося перераховувати всю роботу!

Розрахунок однієї точки виконати докладно з підстановкою значень. Інші точки можна розраховувати в електронних таблицях Excel.

Під час обчислень необхідно зберігати не менше трьох вірних значущих цифр.

Графік також рекомендується будувати за допомогою електронних таблиць Excel. Тип графіка – «точечный» (scatter).

Дозволяється будувати графік на міліметровці або на папері в клітинку.

Відстань між засічками на графіці повинні бути кратними 2, 5, 10.

Дослідні точки з'єднуються ламаною лінією.

3.4 Приклад виконання лабораторної роботи № 2

Міністерство освіти і науки України
Державний університет «Одеська політехніка»
Кафедра екологічної безпеки та гідравліки

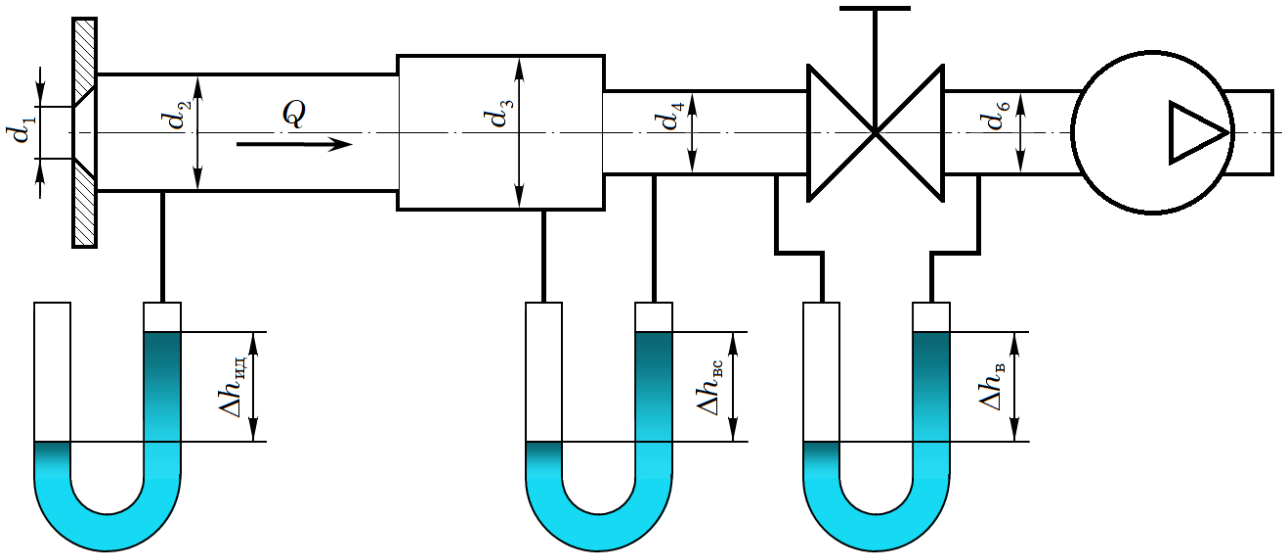
Лабораторна робота № 2
Експериментальне визначення коефіцієнтів (місцевих) втрат

Студент гр. _____

Прийняв _____

доцент Сурков С.В.

Схема експериментального стенду



Таблиця спостережень

| № опыта | Витратомірна діафрагма | | | Раптове звуження | | | Вентиль | | |
|---------|------------------------|----------|-----------------|------------------|----------|-----------------|---------|----------|----------------|
| | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{ид}$ | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{вс}$ | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{в}$ |
| 1 | | | 177 | | | 137 | | | 136 |
| 2 | | | 145 | | | 113 | | | 112 |
| 3 | | | 112 | | | 87 | | | 86 |
| 4 | | | 76 | | | 59 | | | 59 |
| 5 | | | 53 | | | 41 | | | 40 |

Стенд № 12

$$d_1 = 9,2 \text{ мм}$$

$$d_2 = 16 \text{ мм}$$

$$d_3 = 39 \text{ мм}$$

$$d_4 = 9,32 \text{ мм}$$

$$d_6 = 13 \text{ мм}$$

Довідкові дані

| | |
|--------------------------------|---|
| Кінематична в'язкість повітря | $\nu = 15 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$ |
| Густина повітря | $\rho = 1,2 \text{ кг/м}^3$ |
| Густина рідини у дифманометрах | $\rho_{ж} = 1000 \text{ кг/м}^3$ |

Розрахунок однієї експериментальної точки

1. Визначаємо коефіцієнт втрат витратомірної діафрагми.

$$\zeta_{ид} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{0,611} - 1 \right]^2 = \left[\frac{(16/9,2)^2}{0,611} - 1 \right]^2 = 15,604$$

Для першого досліду розраховуємо:

- швидкості повітря на ділянках труби:

$$v_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{ид}\rho_{ж}}{\zeta_{ид}\rho}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 9,8 \cdot 0,177 \cdot 1000}{15,604 \cdot 1,2}} = 13,618 \text{ м/с}$$

$$v_6 = v_2 \left(\frac{d_2}{d_6} \right)^2 = 13,618 \left(\frac{16}{13} \right)^2 = 20,629 \text{ м/с}$$

- Число Рейнольдса на ділянці труби після вентилля:

$$Re_6 = \frac{v_6 d_6}{\nu} = \frac{20,629 \cdot 0,013}{15 \cdot 10^{-6}} = 17879$$

- дослідне значення коефіцієнта втрат вентиля:

$$\zeta_B^{оп} = \zeta_{ид} \left(\frac{d_6}{d_2} \right)^4 \frac{\Delta h_B}{\Delta h_{ид}} = 15,604 \left(\frac{13}{16} \right)^4 \frac{136}{177} = 5,225$$

- дослідне значення коефіцієнта втрат раптового звуження:

$$\zeta_{вс}^{оп} = \zeta_{ид} \left(\frac{d_4}{d_2} \right)^4 \frac{\Delta h_{вс}}{\Delta h_{ид}} + \left(\frac{d_4}{d_3} \right)^4 - 1 = 15,604 \left(\frac{9,32}{16} \right)^4 \frac{\Delta h_{вс}}{\Delta h_{ид}} + \left(\frac{9,32}{39} \right)^4 - 1 = 0,394$$

- розрахункове значення коефіцієнта втрат раптового звуження $\zeta_{вс}$ визначається за послідовністю формул:

$$n = \left(\frac{d_4}{d_3} \right)^2 = \left(\frac{9,32}{39} \right)^2 = 0,05711$$

$$\varepsilon = 0,57 + \frac{0,043}{1,1 - n} = 0,57 + \frac{0,043}{1,1 - 0,05711} = 0,6112$$

$$\zeta_{вс}^p = \left(\frac{1}{\varepsilon} - 1 \right)^2 = \left(\frac{1}{0,6112} - 1 \right)^2 = 0,4045$$

Розрахунок п'яти дослідних точок подаємо у вигляді таблиці обчислень.

Таблиця вычислений

| № опыта | v_2 | v_6 | Re_6 | $\zeta_B^{оп}$ | $\zeta_{вс}^{оп}$ |
|---------|--------|--------|--------|----------------|-------------------|
| | м/с | м/с | - | - | - |
| 1 | 13,618 | 20,629 | 17879 | 5,225 | 0,394 |
| 2 | 12,326 | 18,671 | 16182 | 5,253 | 0,403 |
| 3 | 10,833 | 16,410 | 14222 | 5,222 | 0,399 |
| 4 | 8,924 | 13,518 | 11715 | 5,279 | 0,398 |
| 5 | 7,452 | 11,288 | 9783 | 5,132 | 0,393 |

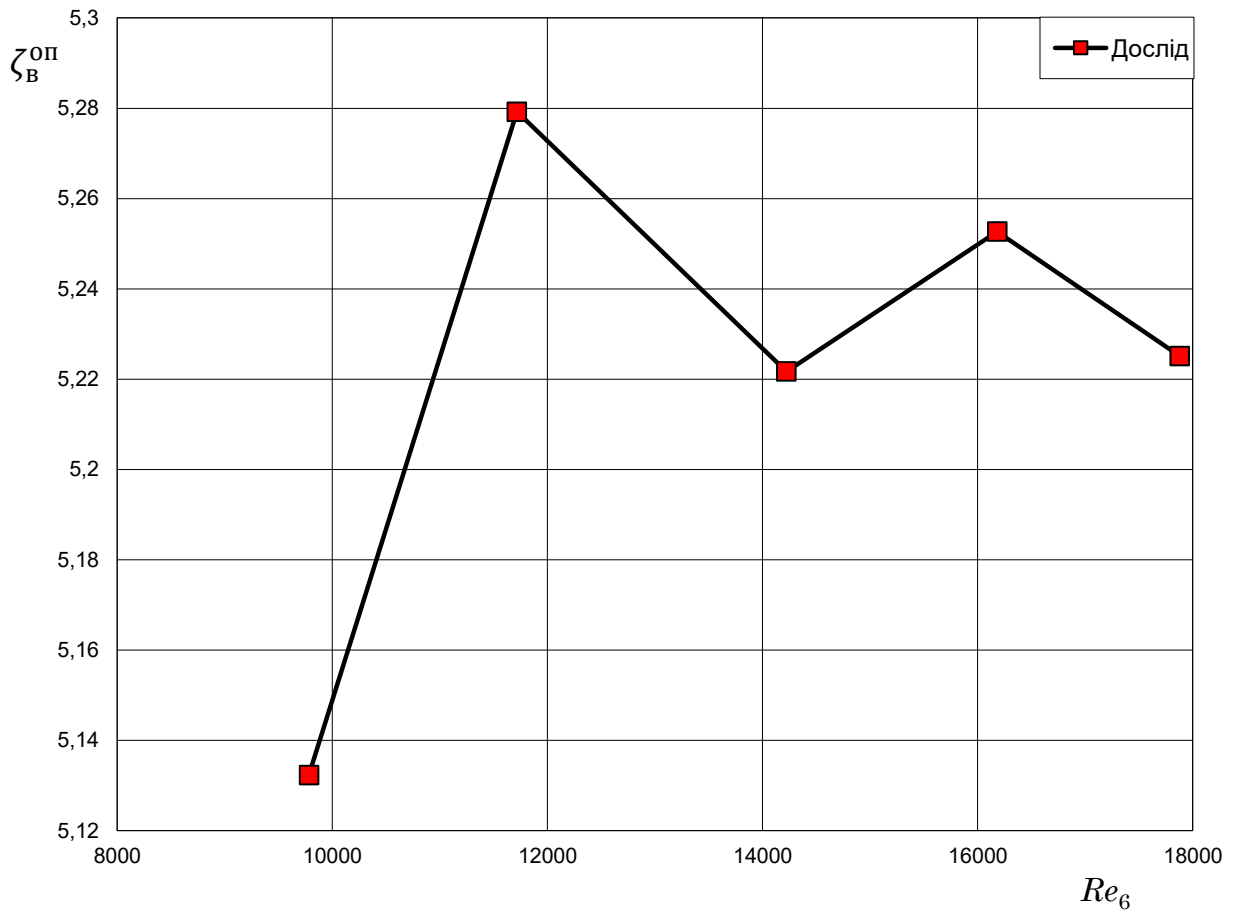
На графіку будуюмо залежності $\zeta_B^{оп}$ і $\zeta_{вс}^{табл}$ від числа Рейнольдса Re_6 .

Обчислюємо відносний розкид дослідних значень $\zeta_B^{оп}$:

$$\delta = \frac{\zeta_B^{max} - \zeta_B^{min}}{\zeta_B^{max}} \times 100\% = \frac{5,279 - 5,132}{5,279} \times 100\% = 2,78\%$$

Висновки по лабораторній роботі № 2

1. Дослідні значення $\zeta_B^{оп}$ потрапляють у табличний діапазон $\zeta_B^{табл} = 5 \dots$.
2. Оскільки відносний розкид дослідних значень не перевищує 3%, можна дійти висновку, що спостерігається автомодельність для значень $\zeta_B^{оп}$.
3. Дослідні та розрахункові значення $\zeta_{вс}^{оп}$ і $\zeta_{вс}^p$ узгоджуються між собою з розбіжністю не більше 3%.
4. Систематичні та випадкові похибки досліду відповідають похибці приладів, що використовуються.



4 Лабораторна робота № 3

Дослідження витікання через отвори та насадки

Перш ніж приступити до виконання роботи, отримаємо та спростимо розрахункові формули, які використовуються у роботі.

4.1 Допоміжна задача

Повітря нагнітається в циліндричний резервуар, з якого витікає в атмосферу через отвір чи насадок діаметром d (рис.4.1). Рідинний манометр, який вимірює тиск у резервуарі, показує $\Delta h_{\text{дн}}$. Витрата повітря вимірюється за допомогою витратомірної діафрагми з основними розмірами d_1 і d_2 . Наклонний прилад (тягонапоромір), підключений до діафрагми, показує перепад $\Delta h_{\text{ид}}$.

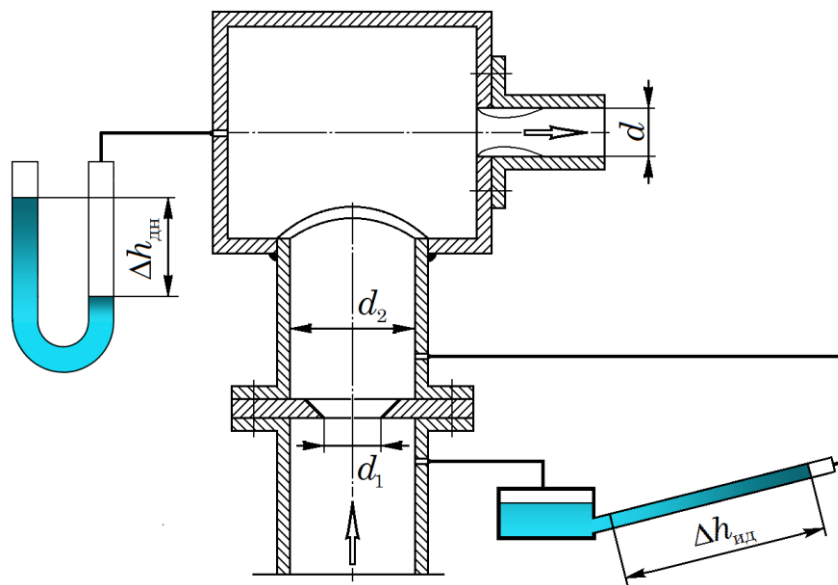


Рис. 4.1

Густина повітря ρ , густина рідини в дифманометрах $\rho_{\text{ж}}$. Кінематична в'язкість повітря ν .

Визначити теоретичну швидкість витікання повітря, число Рейнольдса, розраховане за теоретичною швидкістю, та коефіцієнт витрати отвору (насадка).

Рішення.

Згідно з (1.10),

$$v_{\text{т}} = \sqrt{\frac{2p_1}{\rho}} \quad (4.1)$$

У нашому випадку $p_1 = \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{дн}}$. Тоді

$$v_{\text{т}} = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{дн}} \rho_{\text{ж}}}{\rho}} \quad (4.2)$$

Число Рейнольдса

$$Re = \frac{v_{\text{т}} d}{\nu} \quad (4.3)$$

Теоретична витрата повітря

$$Q_T = v_T A = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{дн}} \rho_{\text{ж}}}{\rho}} \frac{\pi d^2}{4}.$$

Перепад тиску на витратомірній діафрагмі

$$\rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{ид}} = \zeta_{\text{ид}} \frac{\rho v_2^2}{2}$$

Звідси швидкість повітря в трубі

$$v_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{ид}} \rho_{\text{ж}}}{\zeta_{\text{ид}} \rho}}$$

Фактичний витрата повітря в трубі:

$$Q_{\text{ф}} = v_2 A_2 = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{\text{ид}} \rho_{\text{ж}}}{\zeta_{\text{ид}} \rho}} \frac{\pi d_2^2}{4}$$

Коефіцієнт витрати, що визначається на підставі дослідних даних:

$$\mu_{\text{оп}} = \frac{Q_{\text{ф}}}{Q_T} = \left(\frac{d_2}{d}\right)^2 \sqrt{\frac{\Delta h_{\text{ид}}}{\zeta_{\text{ид}} \Delta h_{\text{дн}}}} \quad (4.4)$$

Особливість витратомірної діафрагми в даному лабораторному стенді полягає в тому, що вона встановлена не на вході, а в середині труби. Коефіцієнт втрат визначається за формулою

$$\zeta_{\text{ид}} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{\varepsilon} - 1 \right]^2 \quad (4.5)$$

де ступінь стиснення потоку в діафрагмі ε індивідуальна для кожного стенду, і наводиться в таблиці вихідних даних.

4.2 Вказівки щодо виконання лабораторної роботи

Мета роботи: експериментально визначити теоретичну швидкість витікання повітря, число Рейнольдса та експериментальне значення коефіцієнта витрати у 5 дослідів. Порівняти дослідні значення $\mu_{\text{оп}}$ із табличними значеннями. Побудувати графік залежності $\mu_{\text{оп}}$ от числа Рейнольдса. від числа Рейнольдса. Оцінити відносний розкид значень.

Експериментальні дані знімаються власноруч на лабораторному стенді (рис. 3.1).

Порядок виконання роботи:

- 1) Записати основні параметри експериментального стенду.
- 2) У п'яти дослідів під керівництвом викладача записати показання дифманометрів, які вимірюють тиск перед насадкою $\Delta h_{\text{дн}}$ та перепад тисків на витратомірній діафрагмі $\Delta h_{\text{ид}}$. Заповнити таблицю спостережень.
- 3) Обчислити коефіцієнт втрат діафрагми за формулою (4.5).
- 4) Для п'яти дослідів обчислити:
 - ідеальну (теоретичну) швидкість витікання повітря v_T за формулою (4.2);
 - число Рейнольдса Re за формулою (4.3);
 - дослідне значення коефіцієнта витрати за формулою (4.4).
 - розрахункове чи табличне значення коефіцієнта витрати.

Розрахунок однієї дослідної точки розписати докладно, щоб уникнути помилок. Розрахунок інших дослідних точок оформляється як таблиці обчислень. Рекомендується використання електронних таблиць та інших програм.

5) Побудувати графік залежності $\mu_{оп}$ від числа Рейнольдса Re .

6) Обчислити відносний розкид дослідних значень $\zeta_B^{оп}$:

$$\delta = \frac{\mu_{оп}^{max} - \mu_{оп}^{min}}{\mu_{оп}^{max}} \times 100\%$$

7) На підставі аналізу результатів розрахунку та побудованого графіка зробити висновки по роботі. У висновках необхідно:

Визначити, чи узгоджуються дослідні значення $\mu_{оп}$ з табличними.

Визначити, чи спостерігається автомодельність для значень $\mu_{оп}$. Якщо розкид дослідних значень $\mu_{оп}$ не перевищує 3%, можна дійти висновку, що спостерігається автомодельність для значень $\mu_{оп}$.

Оцінити, чи великі систематичні та випадкові похибки дослідіду.

4.3 Приклад виконання лабораторної роботи № 3

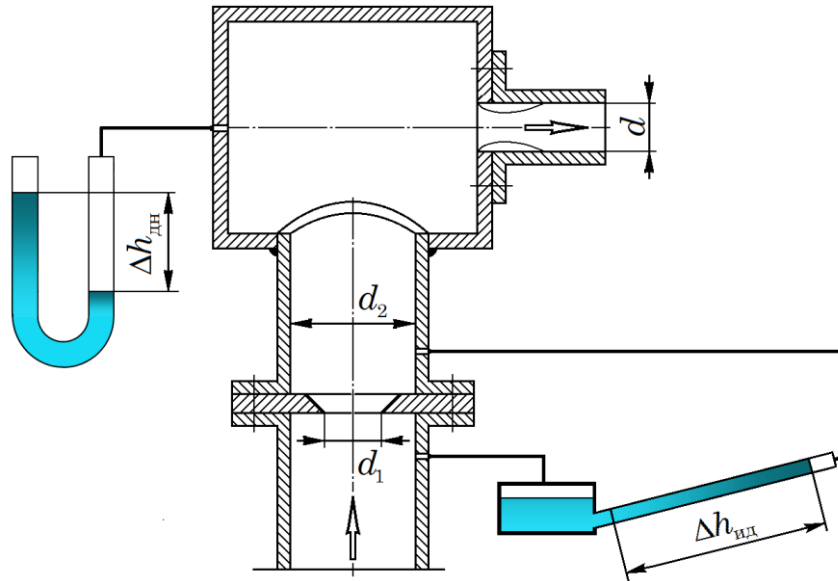
Міністерство освіти і науки України
Державний університет «Одеська політехніка»
Кафедра екологічної безпеки та гідравліки

Лабораторна робота № 3
Дослідження витікання через отвори та насадки

Студент гр. _____

Прийняв _____
доцент Сурков С.В.

Схема експериментального стенду



Таблиця спостережень

| № досліду | Тиск перед насадкою (отвором) | | | Витратомірна діафрагма | | |
|-----------|-------------------------------|----------|-----------------|------------------------|-------|-----------------|
| | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{дн}$ | $h_{ид}$ | h_0 | $\Delta h_{ид}$ |
| 1 | | | 225 | | | 130 |
| 2 | | | 184 | | | 112 |
| 3 | | | 147 | | | 88 |
| 4 | | | 116 | | | 72 |
| 5 | | | 80 | | | 52 |

Стенд № 6

Отвір у тонкій стінці

$$d = 8,1 \text{ мм}$$

$$d_1 = 8,32 \text{ мм}$$

$$d_2 = 16 \text{ мм}$$

$$\varepsilon = 0,612$$

Довідкові дані

| | |
|-------------------------------|---|
| Кінематична в'язкість повітря | $\nu = 15 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$ |
| Густина повітря | $\rho_{в} = 1,2 \text{ кг/м}^3$ |
| Густина рідини | $\rho_{ж} = 1000 \text{ кг/м}^3$ |

Розрахунок однієї точки

Коефіцієнт втрат діафрагми

$$\zeta_{ид} = \left[\frac{(d_2/d_1)^2}{\varepsilon} - 1 \right]^2 = \left[\frac{(16/8,1)^2}{0,612} - 1 \right]^2 = 25,430$$

Теоретична швидкість витікання:

$$v_T = \sqrt{\frac{2g\Delta h_{дн} \rho_{ж}}{\rho}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 9,8 \cdot 0,225 \cdot 1000}{1,2}} = 60,653 \text{ м/с}$$

Число Рейнольдса

$$Re = \frac{v_T d}{\nu} = \frac{60,653 \cdot 0,0081}{15 \cdot 10^{-6}} = 32752$$

Дослідне значення коефіцієнта витрати

$$\mu_{оп} = \left(\frac{d_2}{d} \right)^2 \sqrt{\frac{\Delta h_{ид}}{\zeta_{ид} \Delta h_{дн}}} = \left(\frac{16}{8,1} \right)^2 \sqrt{\frac{130}{25,43 \cdot 225}} = 0,588$$

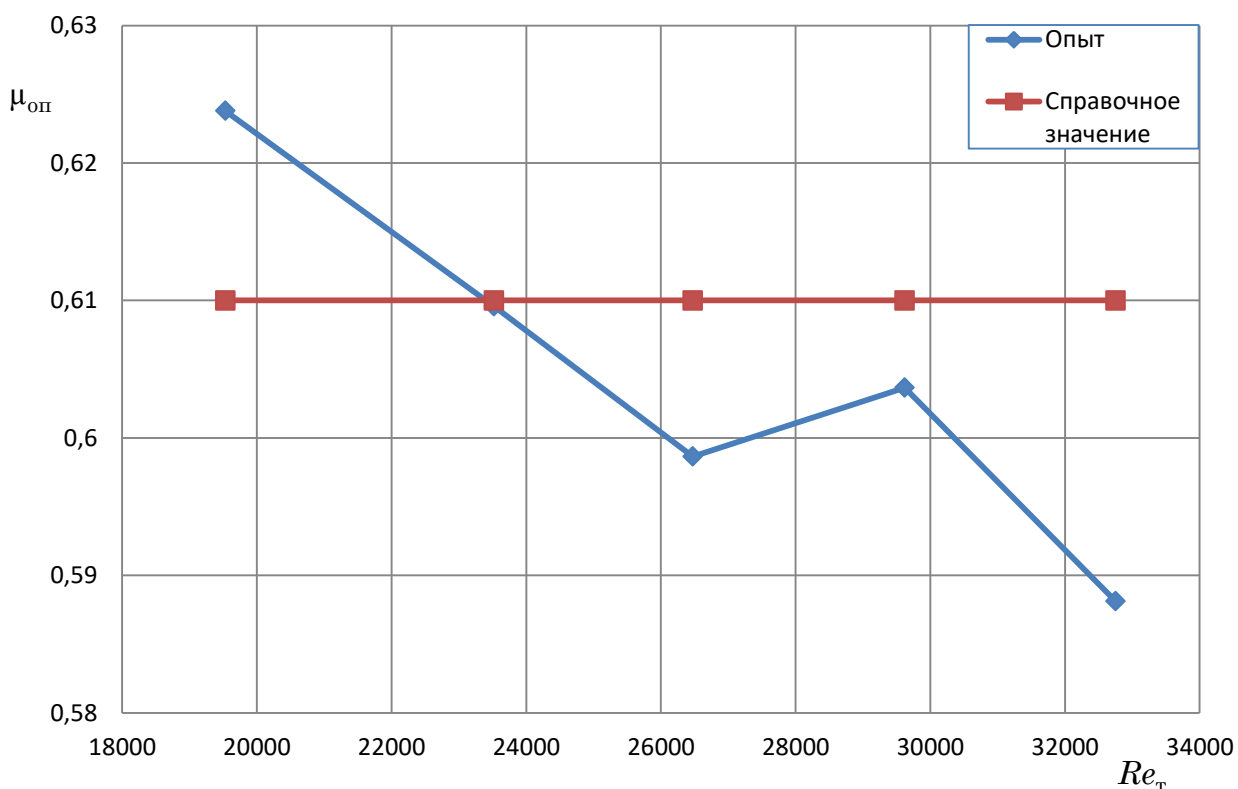
Довідкове значення коефіцієнта витрати для отвору в тонкій стінці $\mu_{\text{ср}} = 0,61$.

Розрахунок п'яти дослідних точок подаємо у вигляді таблиці обчислень.

Таблиця обчислень

| № досліджу | v_t | Re | $\mu_{\text{оп}}$ |
|------------|--------|-------|-------------------|
| | м/с | — | — |
| 1 | 60,653 | 32752 | 0,588 |
| 2 | 54,849 | 29618 | 0,604 |
| 3 | 49,025 | 26473 | 0,599 |
| 4 | 43,55 | 23517 | 0,610 |
| 5 | 36,166 | 19530 | 0,624 |

Будуємо графік залежності $\mu_{\text{оп}}$ і $\mu_{\text{ср}}$ від числа Рейнольдса Re .



Розраховуємо відносний розкид значень $\mu_{\text{оп}}$:

$$\delta = \frac{\mu_{\text{оп}}^{\text{max}} - \mu_{\text{оп}}^{\text{min}}}{\mu_{\text{оп}}^{\text{max}}} \times 100\% = \frac{0,624 - 0,588}{0,624} \times 100\% = 5,72\%$$

Висновки

Дослідні значення коефіцієнта витрати загалом узгоджуються з табличним значенням.

Відносний розкид дослідних точок перевищує 3%, отже, автотельність не спостерігається.

Великий розкид точок говорить про значні систематичні та випадкові похибки досліджу.

5 Лабораторна робота № 4

Дослідження витікання повітря через сопло що звужується при великому перепаді тиску.

Мета лабораторної роботи – вивчити процес витікання повітря через сопло, що звужується, при великих перепадах тиску, визначити коефіцієнт витрати.

Експериментальний стенд зображено на рис. 5.1. Робоча ділянка стенда складається з трубопроводу, в який вмонтовано блок з виточеним у ньому конічним соплом. Діаметр вихідного перетину сопла – d_c .

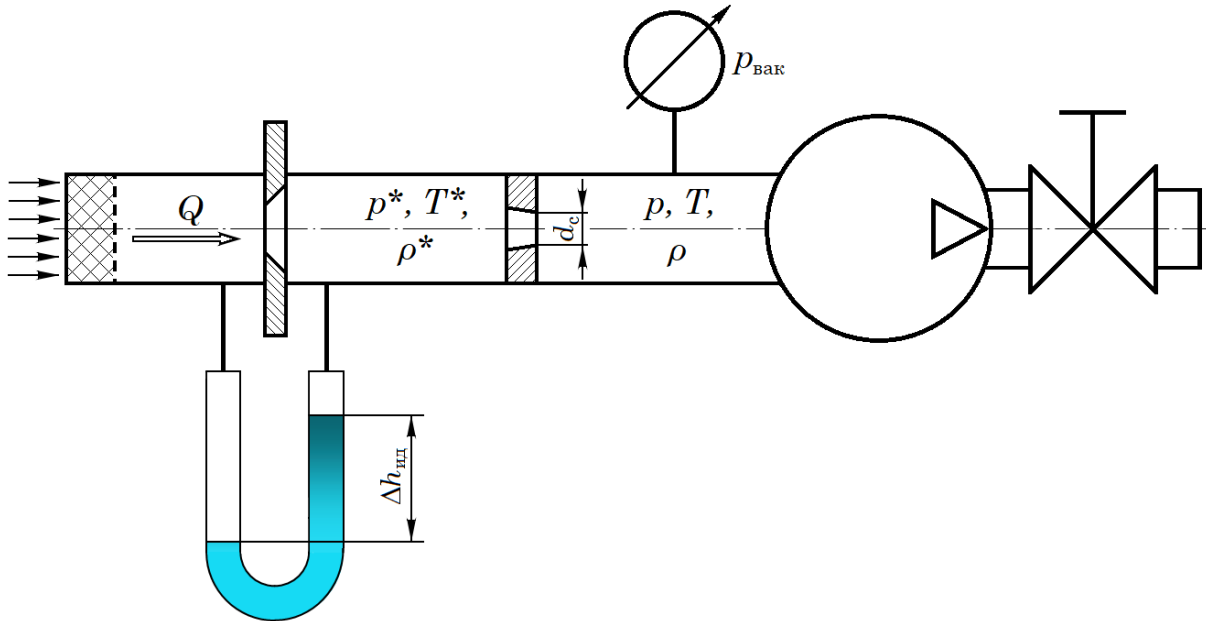


Рис. 5.1

Для захисту сопла від забруднення на вході в трубопровод змонтовано фільтр. На вході в робочу ділянку встановлена витратомірна діафрагма, до якої підключений рідинний диференціальний манометр з водяним заповненням. Він показує різницю рівнів $\Delta h_{нд}$.

Перепад тиску в соплі створюється вакуумним насосом, а витрата повітря регулюється голчастим краном. Розрядження на виході з сопла $p_{вак}$ вимірюється за допомогою вакуумметра.

5.1 Порядок проведення дослідів

Знімають показання барометра $h_{бар}$ (в мм рт.ст.) і вимірюють температуру навколишнього середовища t^* .

При закритому крані включає вакуумний насос. Потім відкривають кран, записують показання лівого ($h_{л}$) і правого ($h_{пр}$) колін дифманометра, а також вакуумметра $p_{вак}$.

Кран поступово відкривають, і дослід повторюють так, щоб отримати 15...16 дослідних точок, довівши розрядження за соплом до $p_{вак} \approx 0,11 \dots 0,16 \text{ кгс/см}^2$.

Результати дослідів записують в підготовлену таблицю спостережень.

| № досліду | $h_{л}$ | $h_{пр}$ | $\Delta h_{нд}$ | $p_{вак}$ |
|-----------|---------|----------|-----------------|---------------------|
| | мм | мм | мм | кгс/см ² |
| 1 | | | | |
| 2 | | | | |
| ... | | | | |

5.2 Обробка результатів дослідів

Перед початком табличних розрахунків обчислюють наступні величини.

Внаслідок низьких швидкостей перед конічним соплом можна вважати, що температура гальмування дорівнює температурі навколишнього середовища:

$$T^* = 273,15 + t^*$$

де t^* – показання термометра.

Обчислюють атмосферний тиск

$$p_{\text{бар}} = \rho_{\text{рт}} g h_{\text{бар}}$$

де $\rho_{\text{рт}} = 13600 \text{ кг/м}^3$ – густина ртуті,

$h_{\text{бар}}$ – показання барометра, м рт.ст.

Далі для кожного дослідів обчислюють:

1. Перепад на дифманометрі як алгебраїчну різницю рівнів води в лівому та правому колінах:

$$\Delta h_{\text{ид}} = |h_{\text{л}} - h_{\text{пр}}|$$

2. Тиск гальмування

$$p^* = p_{\text{бар}} - \rho_{\text{ж}} g \Delta h_{\text{ид}}$$

3. За показаннями вакуумметра знаходять абсолютний тиск за соплом

$$p = p_{\text{бар}} - 98000 \cdot p_{\text{вак}}$$

де $p_{\text{вак}}$ – показання вакуумметра, кгс/см^2 .

4. Обчислюють густину гальмування, використовуючи рівняння стану (рівняння Клапейрона-Клаузіуса)

$$\rho^* = \frac{p^*}{RT^*}$$

де $R = 287 \text{ Дж/(кг}\cdot\text{К)}$ – питома газова постійна.

5. Визначають фактичні (дослідні) масові витрати через діафрагму за формулою

$$Q_m^{\text{оп}} = M \sqrt{\Delta h_{\text{ид}} \cdot \rho^*}$$

де M – градувальний коефіцієнт, наведений в таблиці параметрів стенду. Для отримання Q_m (кг/с) величину $\Delta h_{\text{ид}}$ слід підставляти в м вод.ст., а ρ^* – в кг/м^3 .

6. Обчислюють значення β для кожної експериментальної точки

$$\beta = \frac{p}{p^*}$$

Розраховані значення β порівнюють із критичним $\beta_{\text{кр}} = 0,5283$.

7. За формулою Сен-Венана–Ванцеля (1.12) для знайдених значень β обчислюють розрахункові, тобто без обліку втрат, масові витрати повітря:

$$Q_m^{\text{р}} = \frac{\pi d_c^2}{4} B \sqrt{p^* \rho^*}.$$

Якщо $\beta > \beta_{\text{кр}}$, то витікання дозвукове, і параметр B обчислюють за формулою

$$B = \sqrt{\frac{2k}{k-1} \left(\beta^{\frac{2}{k}} - \beta^{\frac{k+1}{k}} \right)}.$$

Якщо $\beta \leq \beta_{кр}$, то витікання здійснюється в критичному режимі, и параметр B можна прийняти рівним $B = 0,68473$.

8. Для кожної експериментальної точки обчислюють коефіцієнт витрати сопла, який представляє собою відношення дослідної масової витрати до розрахункової:

$$\mu = \frac{Q_m^{оп}}{Q_m^p}$$

Результати обробки експериментальних даних зводять в таблицю обчислень

Таблиця обчислень

| № дослідів | p^* | ρ^* | p | β | $Q_m^{оп}$ | Q_m^p | μ |
|------------|-------|-------------------|-----|---------|------------|---------|-------|
| | Па | кг/м ³ | Па | - | кг/с | кг/с | - |
| 1 | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | |
| ... | | | | | | | |

Після закінчення розрахунків будують графіки залежностей $Q_m^{оп} = f(\beta)$ і $Q_m^p = f(\beta)$. Графіки можна побудувати на міліметровому папері або за допомогою електронних таблиць.

Роблять короткі висновки по роботі.

6 Література

1. Гідрогазодинаміка: навчальний посібник / О.Г.Бутенко, С.Ю.Смик, А.В.Карамушко, С.В.Сурков. - електронне видання, 2021. - 332 с.
2. Бутенко О.Г. Технічна гідромеханіка: Навчальний посібник. – О.: Наука і техніка, 2016. – 300 с.
3. Сурков С. В. Конспект лекцій за дисципліною «Гідрогазодинаміка» для студентів спеціальності 143 (частина 1). – Одеса: ОНПУ (електронне видання), 2018. – 39 с.
4. Сурков С. В. Конспект лекцій за дисципліною «Гідрогазодинаміка» для студентів спеціальності 143 (частина 2). – Одеса: ОНПУ (електронне видання), 2018. – 45 с.
5. Сурков, С. В., уклад. Методичні вказівки до виконання курсових робіт за дисципліною «Гідрогазодинаміка»: для здобувачів рівня бакалавр спец. 143 Атом. енергетика і 144 Теплоенергетика / уклад. С. В. Сурков, О. Г. Бутенко; Держ. ун-т «Одес. політехніка». – Одеса, 2022. – 24 с.
6. Дейч М.Е., Зарянкин А.Е. Гидрогазодинамика. Учеб. Пособие для вузов. – М.: Энергоатомиздат, 1984. – 384 с.
7. Повх И.Л. Техническая гидромеханика – Л.: Машиностроение, 1976. – 504 с.
8. Справочник по гидравлике / В.А. Большаков, Ю.М. Константинов, В.М. Попов и др. – К.: Вища школа, 1984. – 343 с.